

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

**Федеральное государственное автономное  
образовательное учреждение высшего образования  
«Национальный исследовательский Нижегородский государственный университет  
им. Н.И. Лобачевского»**

Институт информационных технологий, математики и механики

(факультет / институт / филиал)

УТВЕРЖДЕНО  
решением Ученого совета ННГУ  
протокол от «16» июня 2021 г. № 8

**Рабочая программа дисциплины**

**Волновые процессы в сплошных средах**

(наименование дисциплины (модуля))

Уровень высшего образования

специалитет

(бакалавриат / магистратура / специалитет)

Направление подготовки / специальность

01.05.01 Фундаментальные математика и механика

(указывается код и наименование направления подготовки / специальности)

Направленность образовательной программы

Фундаментальная механика и приложения

(указывается профиль / магистерская программа / специализация)

Форма обучения

Очная

(очная / очно-заочная / заочная)

Нижний Новгород

2021 год

## 1. Место дисциплины в структуре ООП

Дисциплина относится к части, формируемой участниками образовательных отношений.

№ варианта	Место дисциплины в учебном плане образовательной программы	Стандартный текст для автоматического заполнения в конструкторе РПД
2	Блок 1. Дисциплины (модули) Часть, формируемая участниками образовательных отношений	Дисциплина Б1.В.ДВ.10.01 «Волновые процессы в сплошных средах» относится к части ООП специальность 01.05.01 Фундаментальные математика и механика, формируемой участниками образовательных отношений.

## 2. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями и индикаторами достижения компетенций)

Формируемые компетенции (код, содержание компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю), в соответствии с индикатором достижения компетенции		Наименование оценочного средства
	Индикатор достижения компетенции* (код, содержание индикатора)	Результаты обучения по дисциплине**	
<b>ПК-2.</b> Способен самостоятельно анализировать поставленную задачу, выбирать корректные методы её решения, применять математически сложные алгоритмы в современных специализированных программных комплексах, реализовывать в них новые алгоритмы	<b>ПК-2.1.</b> Знает теоретические основы и методологию построения решений фундаментальных задач математики и механики, основы информационных технологий. <b>ПК-2.2.</b> Умеет осуществлять анализ и выбор методов и алгоритмов решения задач профессиональной деятельности. <b>ПК-2.3.</b> Владеет навыками решения задач математики и механики в соответствии с выбранным методом и построенным алгоритмом с использованием современных программных комплексов.	<b>Знает</b> основные понятия теории волн <b>Умеет</b> осуществлять анализ и выбор методов решения волновых задач <b>Владеет навыками</b> применения базовых знаний и современного математического аппарата при решении теоретических и прикладных задач с использованием современных программных комплексов.	<i>Собеседование Контрольная работа Контрольная работа</i>
<b>ПК-4.</b> Имеет опыт самостоятельного проведения работ по обработке и анализу научно-технической информации и результатов исследования	<b>ПК-4.1.</b> Знает особенности поиска научно-технической информации в различных источниках, методов и технологий её обработки и анализа, а также способов представления. <b>ПК-4.2.</b> Умеет организовать целенаправленный поиск информации в различных источниках, выбирать методы и технологии её обработки, анализа и представления, исходя из поставленной задачи. <b>ПК-4.3.</b> Владеет навыками поиска и анализа научно-технической информации в различных источниках для решения стандартных профессиональных задач, а также опыт публичного представления научных	<b>Знает</b> особенности поиска научно-технической информации в различных источниках, а также способов представления <b>Умеет</b> осуществлять анализ и выбор методов и технологии обработки, анализа и представления информации, исходя из поставленной задачи.  <b>Владеет навыками</b> поиска и анализа научно-технической информации и опыт	<i>Собеседование Контрольная работа Контрольная работа</i>

Формируемые компетенции (код, содержание компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю), в соответствии с индикатором достижения компетенции		Наименование оценочного средства
	Индикатор достижения компетенции* (код, содержание индикатора)	Результаты обучения по дисциплине**	
	результатов.	публичного представления научных результатов.	

### 3. Структура и содержание дисциплины

#### 3.1. Трудоемкость дисциплины

	очная форма обучения
<b>Общая трудоемкость</b>	<b>3 з.е.</b>
<b>Часов по учебному плану</b>	<b>108</b>
<b>в том числе</b>	
<b>аудиторные занятия (контактная работа):</b>	
- занятия лекционного типа	32
- занятия семинарского типа	16
- занятия лабораторного типа	
- текущий контроль (КСР)	1
<b>самостоятельная работа</b>	<b>59</b>
<b>Промежуточная аттестация – зачет</b>	

#### 3.2. Содержание дисциплины

Очная форма обучения							
№	Наименование разделов и тем дисциплины	Всего (часы)	в том числе				СР <sup>1</sup> часы
			Контактная работа (работа во взаимодействии с преподавателем), часы				
			из них			Всего	
З.ЛеТ <sup>2</sup>	З.СеТ <sup>3</sup>	З.ЛаТ <sup>4</sup>					
1.	Сведения из теории линейных волн и аналитической механики распределенных систем	9	4	2		6	3
2.	Распространение упругих волн в безграничной среде и ограниченных телах	32	8	4		12	20
3.	Продольные, крутильные и изгибные волны в стержнях. Математические модели и дисперсионные свойства	24	8	4		12	12
4.	Волны в вязкоупругих стержнях	26	8	4		12	14
5.	Волновая динамика пластин и оболочек	16	4	2		6	10
	Текущий контроль (КСР)	1				1	
	ИТОГО	108	32	16	0	49	59
<sup>1</sup> Самостоятельная работа обучающегося. <sup>2</sup> Занятия лекционного типа. <sup>3</sup> Занятия семинарского типа. <sup>4</sup> Занятия лабораторного типа.							

#### *Краткое содержание разделов и тем дисциплины*

1. Сведения из теории линейных волн и аналитической механики распределенных систем: гармоническая волна, волна импульсной формы, волновой пакет; дисперсия волны (нормальная и аномальная); фазовая скорость; групповая скорость; формула

Рэлея; вариационный принцип Гамильтона-Остроградского в динамике распределенных систем.

2. Распространение упругих волн в безграничной среде и ограниченных телах: уравнения Ламе; волны дилатации и сдвига; отражение волн от свободной поверхности полупространства; поверхностные волны Рэлея; нормальные волны в упругом слое; уравнение переноса энергии.
3. Продольные, крутильные и изгибные волны в стержнях. Математические модели и дисперсионные свойства: типы нормальных волн в стержнях; продольные волны: техническая теория Бернулли, уточненные теории Рэлея-Лява и Бишопы, теория Миндлина-Германа; крутильные волны: технические теории Кулона и Сен-Венана, уточненные теории Тимошенко и Власова; изгибные волны: техническая теория Бернулли-Эйлера, уточненные теории Рэлея и Тимошенко.
4. Волны в вязкоупругих стержнях: о внешнем, внутреннем и конструкционном трении; соотношения между напряжением, деформацией и временем деформации; стержни Фойхта-Кельвина и Максвелла; внутреннее трение как результат рассеяния волн на случайных неоднородностях материала.
5. Волновая динамика пластин и оболочек: основные гипотезы; математические модели; анализ дисперсионных и диссипативных свойств.

#### ***Краткое содержание практических занятий***

6. Сведения из теории линейных волн и аналитической механики распределенных систем: получение уравнений динамики распределенных систем по известным лагранжианам; графическое определение фазовых и групповых скоростей.
7. Распространение упругих волн в безграничной среде и ограниченных телах: вывод волновых уравнений из уравнения Ламе; вычисление средних плотностей потока энергии по известным значениям плотностей энергии и групповых скоростей; вычисление групповой скорости по известной фазовой скорости.
8. Продольные, крутильные и изгибные волны в стержнях. Математические модели и дисперсионные свойства: определение закона дисперсии, фазовых и групповых скоростей продольных, крутильных и изгибных волн, распространяющихся в упругих стержнях.
9. Волны в вязкоупругих стержнях: определение законов дисперсии и частотно-зависимого затухания волн, распространяющихся в вязкоупругих стержнях.
10. Волновая динамика пластин и оболочек: анализ дисперсионных и диссипативных свойств волн, распространяющихся в пластинах и оболочках.

Текущий контроль успеваемости реализуется в рамках занятий семинарского типа.

Промежуточная аттестация проходит в традиционных формах (зачет).

#### **4. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся**

В рамках дисциплины предусмотрены следующие виды самостоятельной работы (порядок их выполнения, форма контроля):

- повторение материала, пройденного на занятиях лекционного типа (в течение всего семестра, опрос на занятиях лекционного и семинарского типа),
- самостоятельное изучение отдельных вопросов программы (1 раз в семестр, опрос на занятиях семинарского типа),
- подготовка к занятиям семинарского типа, решение задач по списку, представленному преподавателем (в течение всего семестра, опрос на занятиях семинарского типа),
- подготовка к промежуточному контролю успеваемости (зачет).

Контрольные вопросы и задания для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины приведены в п. 5.2.

## 5. Фонд оценочных средств для промежуточной аттестации по дисциплине (модулю)

Фонд оценочных средств включает: контрольные материалы для проведения текущего контроля в форме *задач (практических заданий), контрольных работ* и контрольные материалы для проведения промежуточной аттестации в форме вопросов и заданий к *зачёту*.

### 5.1. Описание шкал оценивания результатов обучения по дисциплине

Шкала оценивания сформированности компетенций		Уровень сформированности компетенций (индикатора достижения компетенций)		
		<u>Знания</u>	<u>Умения</u>	<u>Навыки</u>
<b>плохо</b>	<b>не зачтено</b>	Отсутствие знаний теоретического материала. Невозможность оценить полноту знаний вследствие отказа обучающегося от ответа	Отсутствие минимальных умений. Невозможность оценить наличие умений вследствие отказа обучающегося от ответа	Отсутствие владения материалом. Невозможность оценить наличие навыков вследствие отказа обучающегося от ответа
<b>неудовлетворительно</b>		Уровень знаний ниже минимальных требований. Имели место грубые ошибки.	При решении стандартных задач не продемонстрированы основные умения. Имели место грубые ошибки.	При решении стандартных задач не продемонстрированы базовые навыки. Имели место грубые ошибки.
<b>удовлетворительно</b>	<b>зачтено</b>	Минимально допустимый уровень знаний. Допущено много негрубых ошибок.	Продemonстрированы основные умения. Решены типовые задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания, но не в полном объеме.	Имеется минимальный набор навыков для решения стандартных задач с некоторыми недочетами
<b>хорошо</b>		Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько негрубых ошибок	Продemonстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания, в полном объеме, но некоторые с недочетами.	Продemonстрированы базовые навыки при решении стандартных задач с некоторыми недочетами.
<b>очень хорошо</b>		Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько несущественных ошибок	Продemonстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме, но некоторые с недочетами.	Продemonстрированы базовые навыки при решении стандартных задач без ошибок и недочетов.
<b>отлично</b>		Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки, без ошибок.	Продemonстрированы все основные умения, решены все основные задачи с отдельными несущественными недочетами, выполнены все задания в полном объеме.	Продemonстрированы навыки при решении нестандартных задач без ошибок и недочетов.
<b>превосходно</b>		Уровень знаний в объеме, превышающем программу подготовки.	Продemonстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме без недочетов	Продemonстрирован творческий подход к решению нестандартных задач

### Шкала оценки при промежуточной аттестации

Оценка		Уровень подготовки
зачтено	превосходно	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «превосходно»
	отлично	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «отлично», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «отлично»
	очень хорошо	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «очень хорошо», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «очень хорошо»
	хорошо	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «хорошо», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «хорошо»
	удовлетворительно	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «удовлетворительно», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «удовлетворительно»
Не зачтено	неудовлетворительно	Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «неудовлетворительно», ни одна из компетенций не сформирована на уровне «плохо»
	плохо	Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «плохо»

## 5.2. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов обучения

### 5.2.1. Контрольные вопросы

№	Вопрос	Код формируемой компетенции
1.	Проверить правильность формулы Рэлея для струны, лежащей на упругом основании.	ПК-2
2.	Проверить правильность формулы Рэлея для стержня, совершающего изгибные колебания.	ПК-2
3.	Вывести волновое уравнение для волны дилатации из уравнения Ламе.	ПК-2
4.	Вывести волновое уравнение для волны сдвига из уравнения Ламе.	ПК-4
5.	Показать, что энергия изгибных колебаний стержня переносится с групповой скоростью.	ПК-4
6.	Могут ли изгибные волны в стержне распространяться быстрее, чем продольные (ответ обосновать).	ПК-4

### 5.2.2. Типовые задания/задачи для оценки сформированности компетенции ПК-2

1. Проверить правильность формулы Рэлея для струны, лежащей на упругом основании.
2. Проверить правильность формулы Рэлея для стержня, совершающего изгибные колебания.
3. Вывести волновое уравнение для волны дилатации из уравнения Ламе.

### 5.2.3. Типовые задания/задачи для оценки сформированности компетенции ПК-4

4. Вывести волновое уравнение для волны сдвига из уравнения Ламе.
5. Показать, что энергия изгибных колебаний стержня переносится с групповой

скоростью.

6. Могут ли изгибные волны в стержне распространяться быстрее, чем продольные (ответ обосновать).

#### 6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

№	а) основная литература:	К-во <sup>1</sup>
1.	Виноградова М. Б., Руденко О. В., Сухоруков А. П. - Теория волн: [учеб. пособие для физ. специальностей ун-тов]. - М.: Наука, Гл. ред. физ.-мат. лит., 1979. - 383 с.	44 экз.
2.	Рабинович М.И., Трубецков Д.И. Введение в теорию колебаний и волн. М.: Наука, 1984. 432 с.	18 экз.
3.	Ерофеев В.И., Кажаяев В.В., Семерикова Н.П. Волны в стержнях. Дисперсия. Диссипация. Нелинейность. М.: Физматлит. 2002. 208 с.	3 экз.

№	б) дополнительная литература:	К-во <sup>1</sup>
1.	Артоболевский И.И., Бобровницкий Ю.И., Генкин М.Д. Введение в акустическую динамику машин. М.: Наука, 1979. 295 с.	1 экз.
2.	Весницкий А. И., Лисенкова Е. Е., Уткин Г. А - Волновые процессы в одномерных механических системах с движущимися вдоль них объектами: учеб. пособие. - Н. Новгород: Изд-во Нижегород. ун-та, 1998. - 75 с.	1 экз.
3.	Гринченко В.Т., Мелешко В.В. Гармонические колебания и волны в упругих телах. Киев: Наукова думка, 1981. 283 с.	1 экз.
4.	Исакович М.А. Общая акустика. М.: Наука, 1973. 496 с.	1 экз.

№	в) программное обеспечение и Интернет-ресурсы (в соответствии с содержанием дисциплины)	«Л» или «С» <sup>2</sup>
1.	не требуются	

#### 7. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Помещения представляют собой учебные аудитории для проведения учебных занятий лекционного и семинарского типа, оснащенные оборудованием и техническими средствами обучения: мультимедийная техника (компьютер, проектор, экран).

Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечены доступом в электронную информационно-образовательную среду.

Программа составлена в соответствии с требованиями ОС ННГУ 01.05.01  
Фундаментальные математика и механика.

Программа одобрена на заседании методической комиссии института информационных технологий, математики и механики  
от 2 июня 2021 года, протокол № 8.

<sup>1</sup> Указывается количество экземпляров в библиотеке ННГУ. Если издание доступно в электронном виде (указана ссылка), указывается буква «Э».

<sup>2</sup> Указывается буква «Л», если программное обеспечение – лицензионное, или «С» – в свободном доступе.

Автор(ы)	_____	к. т. н., доцент Леонтьева А.В.
Рецензент(ы)	_____	
Заведующий кафедрой теоретической, компьютерной и экспериментальной механики	_____	д. ф. - м. н., профессор Игумнов Л.А.