МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Национальный исследовательский Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского»

УТВЕРЖДЕНО решением Ученого совета ННГУ протокол № 6 от 31.05.2023 г Рабочая программа дисциплины Основы теории линейных операторов Уровень высшего образования Бакалавриат Направление подготовки / специальность 11.03.04 - Электроника и напоэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника Форма обучения очная		Физиновкий фокультот	
решением Ученого совета ННГУ протокол № 6 от 31.05.2023 г Рабочая программа дисциплины Основы теории линейных операторов Уровень высшего образования Бакалавриат Направление подготовки / специальность 11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника		Физический факультет	
решением Ученого совета ННГУ протокол № 6 от 31.05.2023 г Рабочая программа дисциплины Основы теории линейных операторов Уровень высшего образования Бакалавриат Направление подготовки / специальность 11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника			
Протокол № 6 от 31.05.2023 г Рабочая программа дисциплины Основы теории линейных операторов Уровень высшего образования Бакалавриат Направление подготовки / специальность 11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника			УТВЕРЖДЕНО
Рабочая программа дисциплины Основы теории линейных операторов Уровень высшего образования Бакалавриат Направление подготовки / специальность 11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника		решением У	ченого совета ННГУ
Основы теории линейных операторов Уровень высшего образования Бакалавриат Направление подготовки / специальность 11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника		протокол	л № 6 от 31.05.2023 г.
Основы теории линейных операторов Уровень высшего образования Бакалавриат Направление подготовки / специальность 11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника			
Основы теории линейных операторов Уровень высшего образования Бакалавриат Направление подготовки / специальность 11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника			
Основы теории линейных операторов Уровень высшего образования Бакалавриат Направление подготовки / специальность 11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника		Рабочая программа лиспиплины	
Уровень высшего образования Бакалавриат Направление подготовки / специальность 11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника			
Бакалавриат Направление подготовки / специальность 11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника Форма обучения		основы геории зипениях операторов	
Бакалавриат Направление подготовки / специальность 11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника Форма обучения		Уровень высшего образования	
11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника Форма обучения	_		_
11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника Форма обучения			
11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника Форма обучения		Направление подготовки / специальность	
Радиофотоника и оптоэлектроника Форма обучения			-
Радиофотоника и оптоэлектроника Форма обучения	ш	nunan naturaati afnonanatan irai inarnami	
Форма обучения	116		
		т адиофотоника и оптоэлектроника	
канро		Форма обучения	
		очная	_

г. Нижний Новгород

2021 год начала подготовки

1. Место и цели дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина «Основы теории линейных операторов» относится к дисциплинам по выбору формируемой участниками образовательных отношений части основной образовательной программы по направлению 11.03.04 Электроника и наноэлектроника. Преподается на втором году обучения, в четвертом семестре. Освоению дисциплины предшествует освоение дисциплин (модулей) «Математика», «Общая физика».

Цели и задачи освоения дисциплины:

Целями освоения дисциплины «Основы теории линейных операторов»:

- овладение методами исследования математических и физических моделей объектов и процессов в окружающем мире, основанных на принципах теории линейных векторных пространств и теории линейных операторов в гильбертовом пространстве (ГПР);
- изучение фундаментальных законов и положений, определяющих свойства линейных операторов в ГПР;
- выработка у студентов практических навыков описания сложных процессов микромира и закономерностей физики на языке адекватных обобщенных операторных моделей.

2. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями выпускников)

Формируемые компетенции (код, содержание	Планируемые результат дисциплине (модулю), в индикатором достижени	соответствии с	Наименование оценочного средства			
компетенции)	Индикатор достижения компетенции (код, содержание индикатора)	Результаты обучения по дисциплине	Для текущего контроля успеваемости	Для промежуточно й аттестации		
ПК-2. Способность строить физические и математические модели приборов, схем, устройств и установок электроники и наноэлектроники различного функционального назначения, а также использовать стандартные программные средства их компьютерного моделирования и конструирования	ПК-2.1. Знает принципы конструирования отдельных аналоговых блоков электронных приборов ПК-2.2. Умеет строить физические и математические модели приборов, схем, устройств и установок электроники и наноэлектроники различного функционального назначения ПК-2.3. Владеет навыками использования стандартных программных средств их компьютерного моделирования и проектирования	Знать границы применимости математических методов в физике. Уметь применять в рамках профессиональной деятельности методы и подходы теории линейных операторов в гильбертовом пространстве. Владеть навыками использования на практике методов теории линейных операторов в целях решения профессиональных задач. профильных задач физики.	Собеседование. Выполнение практических заданий	Экзамен: Контрольные вопросы		

3. Структура и содержание дисциплины

3.1 Трудоемкость дисциплины

Общая трудоемкость	4 3ET
Часов по учебному плану	144
в том числе	
аудиторные занятия (контактная работа):	
- занятия лекционного типа	32
- занятия практического типа	32
самостоятельная работа	42 (работа в семестре)
	36 (на подготовку к экзамену)
Промежуточная аттестация	4семестр – экзамен

3.2 Содержание дисциплины

		в том числе					
		конт: взаимод	ra 351				
		те	чение семе	_		або час	
			из ні	4X		я р: ра,	
Наименование и краткое содержание разделов и тем дисциплины	Всего (часы)	Занятия лекционного типа	Занятия семинарского типа	Занятия лабораторного типа	Всего	Самостоятельная работа в течение семестра, часы	
1. Линейные векторные	41	4	4	_	8	33	
пространства.							
Размерность, базис пространства.							
Аксиомы.							
2. Линейные операторы.	72	16	16	_	32	40	
Линейные и нелинейные операторы.							
Коммутаторы. Свойства							
коммутирующих операторов.							
Собственные векторы и собственные							
значения операторов.	<i></i>	10	10		2.4	40	
3. Оператор Лапласа в сферической	64	12	12	_	24	40	
и цилиндрической системах							
координат.							
Оператор Лапласа в сферической системе координат. Операторы							
квадрата момента импульса и							
проекции момента на ось z. Общие							
собственные функции. Полиномы							
Лежандра, рекуррентные соотношения							
лежандра, рекуррентные соотношения							

и свойства. Сферические гармоники.							
Оператор Лапласа в цилиндрической							
системе координат. Функции Бесселя							
и Неймана. Общее решение уравнения							
Лапласа в сферической и							
цилиндрической системах координат.							
В т.ч. текущий контроль	г.ч. текущий контроль 2				_		
Промежуточная аттестация – экзамен							

4. Образовательные технологии

- 1) Чтение лекций;
- 2) сопровождение лекций написанием и выводом формул, построением графиков, изображением рисунков на доске;
 - 3) методика «вопросы и ответы»;
 - 4) выполнение практического задания у доски;
 - 5) индивидуальная работа над практическим заданием;
 - 6) работа в парах над практическим заданием;
 - 7) работа в малых группах над практическим заданием;
 - 8) методика «мозговой штурм».

5. Учебно-методическое обеспечение, формы организации и контроля самостоятельной работы обучающихся

Самостоятельная работа обучающихся предполагает изучение конспектов лекций, выделенных разделов основной литературы, а также дополнительной литературы, выполнение практических заданий, отвечающих изучаемым разделам дисциплины, подготовку к промежуточной аттестации.

Перечень основной и дополнительной литературы для самостоятельного изучения приведен настоящей Рабочей программы дисциплины.

Контрольные вопросы для промежуточной аттестации, примеры практических заданий приведены настоящей Рабочей программы дисциплины.

6. Фонд оценочных средств для промежуточной аттестации по дисциплине

6.1 Перечень компетенций выпускников образовательной программы, в формировании которых учувствует дисциплина, с указанием результатов обучения (знаний, умений, владений) приведён выше (раздел 2). Ниже приведена таблица образовательных дескрипторов (отличительных признаков уровней освоения компетенций)

Индикато		ОЦЕНКА СФОРМИРОВАННОСТИ КОМПЕТЕНЦИИ									
ры компетенц ии	Плохо	Неудовлетв орительно	Удовлетворит ельно	Хорошо	Очень хорошо	Отлично	Превосходно				

		T		T	T	T	T
	Отсутствие	Уровень	Минимально	Уровень	Уровень	Уровень	Уровень знаний
	знаний	знаний	допустимый	знаний в	знаний в		в объеме,
	теоретическо	ниже	уровень	объеме,	объеме,	объеме,	полностью
I	го материала	минимальн	знаний.	соответствую	соответствую		соответствующе
		ых	Допущено	щем	щем		м программе
I	или	1	МНОГО	программе	программе	щем	подготовки,
		Имели	негрубых	подготовки.	подготовки.	программе	либо, возможно,
I	невозможнос	место	ошибок.	Допущено	Допущено	подготовки,	превышающем
	ть оценить	грубые		несколько	несколько	допущены	ее. Без ошибок.
	полноту	ошибки.		негрубых	несущественн		
	знаний			ошибок.	ых ошибок.	несущественн	
I	вследствие					ых ошибки.	
	отказа						
	обучающегос						
 	я от ответа.						
	Отсутствие	При	Продемонстр	Продемонстр	Продемонстр	Продемонстри	Продемонстриро
	минимальных	решении	ированы	ированы все	ированы все	рованы все	ваны все
3	умений	стандартны	основные	основные	основные	основные	основные
		х задач	умения.	умения.	•	ľ	умения. Решены
	или	и/или	Решены	Решены все	Решены все	решены все	все основные
			типовые	основные	основные	основные	задачи и/или
	невозможнос	-	задачи с	задачи с	задачи с	задачи с	выполнены все
	ть оценить	X	негрубыми	негрубыми	некоторыми	отдельными	практические
	наличие	1	ошибками	ошибками	недочетами	несущественн	The state of the s
٢	умений	их заданий	и/или	и/или	и/или	ыми	полном объеме
	вследствие	не	выполнены	выполнены	выполнены	недочетами	без недочетов.
	отказа	1 ' '	все	все	все	и/или	
	обучающегос	рированы	-	практические	1	выполнены	
	я от ответа.	основные	задания, но	задания, в	задания, в	все	
		умения.	не в полном	полном	полном	практические	
		Имели	объеме.	объеме, но	объеме, но	задания в	
		место грубые		некоторые с недочетами.	некоторые с небольшими	полном объеме.	
		грубыс ошибки.		недочетами.	недочетами.	оовеме.	
77	Omarmampria		Имеется	Продемонстр	, ,	Пестополого	Пистомочения
	Отсутствие владения	При	имеется минимальный	1	Продемонстр ированы		Продемонстриро ван творческий
(владсния)		решении	минимальныи набор	базовые	базовые	r	-
r	материалом	-	-	навыки при		•	подход к решению
	или	х задач и/или	навыков для решения	решении	навыки при решении	r	решению нестандартных
ľ	NIJIVI		решения стандартных	стандартных	стандартных		задач и/или
	невозможнос	стандартны	задач и/или	задач и/или	задач и/или	выполнении	выполнению
	ть оценить	х	выполнения	выполнении	выполнении		нестандартных
	наличие		стандартных	практических	практических	_	практических
	навыков	их заданий		заданий с	заданий без	практических	
	вследствие	не	заданий с	некоторыми	ошибок и	заданий без	
	отказа		некоторыми	недочетами.	недочетов.	ошибок и	
	обучающегос	рированы	недочетами.	, ,		недочетов.	
	я от ответа.	базовые	.,			',	
j f		навыки.					
		Имели					
		место					
		грубые					
		ошибки.					
Характерис I	Компетенция	Компетенци	Сформирован	Сформирован	Сформирован	Сформирован	Сформирован-
			ность	ность	ность		ность
тика (совершенно	/1 11 ·					компетенции
	совершенно не		компетенции	компетенции	компетенции	компетенции	компетенции
сформиров	не		компетенции соответствует	компетенции в целом	в целом	компетенции полностью	превышает
сформиров анности	не	сформирова на.				полностью	
сформиров анности компетенц	не сформирован	сформирова на.	соответствует	в целом	в целом соответствует	полностью	превышает
сформиров на нности компетенц	не сформирован а.	сформирова на. Имеющихся	соответствует минимальны	в целом соответствует	в целом соответствует требованиям.	полностью соответствует требованиям.	превышает стандартные
сформиров на ниости компетенц ии	не сформирован а. Отсутствуют	сформирова на. Имеющихся знаний,	соответствует минимальны м	в целом соответствует требованиям,	в целом соответствует требованиям.	полностью соответствует требованиям.	превышает стандартные требования.

необходимые	недостаточн	умений,	знаний,	навыков в	навыков в	полной мере
для решения	о для	навыков в	умений и	целом	полной мере	достаточно для
практических	решения	целом	навыков в	достаточно	достаточно	применения
(профессиона	практическ	достаточно	целом	для решения	для решения	творческого
льных) задач.	их	для решения	достаточно	стандартных	сложных	подхода к
	(профессио	практических	для решения	практических	практических	решению
	нальных)	(профессиона	практических	(профессиона	(профессиона	сложных
	задач.	льных) задач,	(профессиона	льных) задач.	льных) задач.	практических
		но требуется	льных) задач,			(профессиональн
		дополнительн	но требуется			ых) задач.
		ая практика	дополнительн			
		по	ая практика			
		большинству	по некоторым			
		практических	профессионал			
		задач.	ьным			
			задачам.			

6.2 Описание шкал оценивания

Промежуточной аттестацией для дисциплины «Основы теории линейных операторов» является экзамен.

В случае прохождения зачета обучающийся допускается ко второму этапу промежуточной аттестации – экзамену.

По итогам экзамена выставляется оценка по семибалльной шкале: оценки «Плохо» и «Неудовлетворительно» означают отсутствие аттестации, оценки «Удовлетворительно», «Хорошо», «Очень хорошо», «Отлично» и «Превосходно» выставляются при успешном прохождении аттестации.

6.3 Критерии и процедуры оценивания результатов обучения по дисциплине, характеризующих этапы формирования компетенций

Для оценивания результатов обучения в виде знаний используются следующие процедуры и технологии:

• индивидуальное собеседование (промежуточная аттестация).

Контрольные вопросы для индивидуального собеседования представлены в п. 6.3 настоящей Рабочей программы дисциплины.

Для оценивания результатов обучения в виде умений и навыков используются следующие процедуры и технологии:

• выполнение практических заданий (текущий контроль, промежуточная аттестация). Примеры практических заданий для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации представлены в п. 6.3 настоящей Рабочей программы дисциплины.

«Плохо» — обучающийся не продемонстрировал никаких знаний об основных теоретических разделах курса, не показал никаких умений и навыков выполнения практических заданий;

«**Неудовлетворительно**» — обучающийся не продемонстрировал представления об основных теоретических разделах курса, не показал минимально допустимый уровень умений и навыков выполнения практических заданий;

«Удовлетворительно» — обучающийся продемонстрировал изложение формулировок основных теоретических положений курса и успешно показал умения и навыки выполнения практических заданий базового уровня сложности;

«Хорошо» — обучающийся продемонстрировал связное изложение основных теоретических положений курса и успешно показал умения и навыки выполнения стандартных практических заданий;

«Очень хорошо» — обучающийся продемонстрировал связное изложение практически всех теоретических положений курса и успешно показал умения и навыки выполнения стандартных практических заданий;

«Отлично» — обучающийся продемонстрировал связное изложение всех теоретических положений курса и успешно показал умения и навыки выполнения практических заданий повышенного уровня сложности;

«Превосходно» — обучающийся продемонстрировал уровень знаний в объеме, превышающем стандартную программу подготовки, и продемонстрировал творческий подход к выполнению практических заданий повышенного уровня сложности.

6.4 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов обучения, характеризующих этапы формирования компетенций и (или) для итогового контроля сформированности компетенции

- 6.4.1. При проведении промежуточной аттестации обучающимся предлагаются следующие контрольные вопросы, охватывающие программу дисциплины «Основы теории линейных операторов»:
- 1. Линейные векторные пространства. Линейная зависимость и независимость векторов. Полный набор линейно независимых векторов.
- 2. Скалярное произведение векторов. Сопряженное векторное пространство.
- 3. Линейные операторы. Коммутатор. Коммутирующие операторы.
- 4. Функции от оператора. Оператор сдвига.
- 5. Эрмитовское сопряжение операторов. Самосопряженные операторы.
- 6. Матричное представление оператора. След оператора.
- 7. Интегральное ядро оператора. Унитарные операторы.
- 8. Собственные векторы и спектр оператора.
- 9. Собственный базис оператора. Функции от операторов в собственном базисе.
- 10. Обратный оператор. Связь унитарных и эрмитовских операторов.
- 11. Совместный спектр нескольких коммутирующих операторов. Полный набор коммутирующих операторов.
- 12. Проекционные операторы.
- 13. Условие полноты системы базисных векторов. функция Дирака и ее свойства.
- 14. Собственные функции и собственные значения оператора сдвига.
- 15. Функция Грина оператора.
- 17. Оператор Лапласа в сферических координатах. Угловая часть оператора Лапласа и ее связь с оператором момента импульса.
- 18. Собственные значения и собственные функции оператора квадрата момента импульса.

- 19. Производящая функция для полиномов Лежандра. Полиномы Лежандра.
- 20. Присоединенные полиномы Лежандра. Явный вид сферических функций.
- 21. Оператор Лапласа в цилиндрических координатах. Общее решение уравнения Лапласа в цилиндрических координатах.
- 22. Производящая функция для функций Бесселя. Рекуррентные соотношения для функций Бесселя. Асимптотическое поведение и нули функций Бесселя.
- 6.4.2. Примеры практических заданий для практических занятий, самостоятельной работы обучающихся, проведения текущего контроля и промежуточной аттестации:
- 1. Функцию разложить по общему собственному базису операторов и .
- 2. Вычислить интеграл.
- 3. Разложить по полиномам Лежандра функцию.
- 4. Найти вид оператора в собственном представлении оператора.
- 5. Используя метод функции Грина, найти частное решение уравнения .

6.5. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания.

- 1. Положение «О проведении текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся в ННГУ», утвержденное приказом ректора ННГУ от 13.02.2014 №55-ОД.
- 2. Положение о фонде оценочных средств, утвержденное приказом ректора ННГУ от 10.06.2015 №247-ОД.

7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

а) основная литература:

Дж. Мэтьюз, Р. Уокер «Математические методы в физике», М.: Атомиздат, 1972. Фонд Фундаментальной библиотеки ННГУ, 20 экз.

http://www.lib.unn.ru/php/details.php?DocId=66339.

б) дополнительная литература:

1) Ли Цзун Дао «Математические методы в физике», М.: Мир, 1965. Фонд Фундаментальной библиотеки ННГУ, 4 экз.

http://www.lib.unn.ru/php/details.php?DocId=66797.

- 2) А.И. Ахиезер, И.М. Глазман «Теория линейных операторов в гильбертовом пространстве»
- (В 2 т. Т. 1. Харьков: Высшая школа, 1977. 315 с. Фонд Фундаментальной библиотеки ННГУ, 2 экз.

http://www.lib.unn.ru/php/details.php?DocId=94339;

В 2 т. Т. 2. – Харьков: Высшая школа, 1978. - 288 с. Фонд Фундаментальной библиотеки ННГУ, 1 экз.

http://www.lib.unn.ru/php/details.php?DocId=94340;

М.: Наука, Наука, Гл. ред. физ.-мат. лит., 1966. – 544 с. Фонд Фундаментальной библиотеки ННГУ, 6 экз.

http://www.lib.unn.ru/php/details.php?DocId=94875;

М.; Л.: Гостехиздат, 1950. – 483 с. Фонд Фундаментальной библиотеки ННГУ, 11 экз.

http://www.lib.unn.ru/php/details.php?DocId=94356)

в) программное обеспечение и Интернет-ресурсы

Интернет-ресурсы Фундаментальной библиотеки ННГУ http://www.lib.unn.ru/.

8. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Материально-техническое обеспечение дисциплины обусловлено наличием учебных аудиторий для проведения занятий, оборудованных специализированной мебелью, меловыми или магнитно-маркерными досками для представления учебной информации большой аудитории. Ресурс мела и маркеров для доски в учебных аудиториях регулярно возобновляется.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся (на базе Фундаментальной библиотеки ННГУ) оснащены компьютерной техникой с подключением к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду ННГУ.

Программа составлена в соответствии с требованиями установленного ННГУ образовательного стандарта высшего образования по направлению подготовки 11.03.04 Электроника и наноэлектроника

Автор, доцент кафедры теоретической физики к.ф.-м.н., доцент Д.В. Хомицкий

Рецензент:

заведующий кафедрой физики полупроводников, электроники и наноэлектроники д.ф.-м.н., профессор Д.А. Павлов

Заведующий кафедрой теоретической физики д.ф.-м.н., доцент В.А. Бурдов

Программа одобрена на заседании методической комиссии физического факультета ННГУ, протокол б/н от «20» мая 2023 г.

Председатель Учебно-методической комиссии физического факультета ННГУ А.А. Перов