#### МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

# Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Национальный исследовательский Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского»

#### Институт информационных технологий, математики и механики

(факультет / институт / филиал)

УТВЕРЖДЕНО решением Ученого совета ННГУ протокол от «16» июня 2021 г. № 8

#### Рабочая программа дисциплины

Теория колебаний

(наименование дисциплины (модуля))

#### Уровень высшего образования специалитет

(бакалавриат / магистратура / специалитет)

# Направление подготовки / специальность 01.05.01 Фундаментальные математика и механика

(указывается код и наименование направления подготовки / специальности)

#### Направленность образовательной программы Фундаментальная механика и приложения

(указывается профиль / магистерская программа / специализация)

## Форма обучения очная

(очная / очно-заочная / заочная)

### 1. Место дисциплины в структуре ООП

Дисциплина относится к части, формируемой участниками образовательных отношений

<b>№</b> вари	Место дисциплины в учебном плане образовательной	Стандартный текст для автоматического заполнения в конструкторе РПД
анта	программы	
2	Блок 1. Дисциплины (модули) Часть, формируемая участниками образовательных отношений	' '   '

# 2. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями и индикаторами достижения компетенций)

Формируемые компетенции	Планируемые результати (модулю), в соответствии компе	Наименование		
(код, содержание компетенции)	Индикатор достижения компетенции* (код, содержание индикатора)	Результаты обучения по дисциплине**	оценочного средства	
ПК-2. Способен самостоятельно анализировать поставленную задачу, выбирать корректные методы её решения, применять математически сложные алгоритмы в современных специализированных программных комплексах, реализовывать в них новые алгоритмы	ПК-2.1. Знает теоретические основы и методологию построения решений фундаментальных задач математики и механики, основы информационных технологий.  ПК-2.2. Умеет осуществлять анализ и выбор методов и алгоритмов решения задач профессиональной деятельности.  ПК-2.3. Владеет навыками решения задач математики и механики в соответствии с выбранным методом и построенным алгоритмом с использованием современных программных комплексов.	Знает основные понятия теории колебаний, современные методы исследования в области решения задач теории колебаний.  Умеет осуществлять анализ и выбор методов теории колебаний к решению современных прикладных задач  Владеет навыками применения базовых знаний и современного математического аппарата теории колебаний при решении прикладных задач с использованием современных программных комплексов.	Собеседование Контрольная работа	
ПК-3. Умеет самостоятельно разрабатывать, исследовать, применять математические модели для расчётов, проводить	ПК-3.1. Знает классические модели естествознания, методы решения задач, современные программные комплексы для проведения расчётных исследований, методы проведения, обработки и анализа результатов экспериментальных	Знает основные понятия теории колебаний, современные методы исследования в области решения задач теории колебаний, специализированные разделы механики деформируемого твердого тела, методы проведения,	Собеседование Контрольная работа	

Формируемые компетенции	Планируемые результати (модулю), в соответствии компе	Наименование	
(код, содержание компетенции)	Индикатор достижения компетенции* (код, содержание индикатора) исследований.	Результаты обучения по дисциплине**  обработки и анализа	оценочного средства
работы и исследования, обработку результатов, оформление отчётной документации	ПК-3.2. Умеет проводить расчётно- экспериментальные исследования, выбирать и применять современные программные комплексы, получать, обрабатывать и анализировать результаты исследований.  ПК-3.3. Владеет навыками применения математического моделирования и расчётно-экспериментальных исследований.	результатов исследований. Умеет осуществлять анализ и выбор методов решения современных прикладных задач с использованием теории колебаний. Создавать новые и модернизировать известные модели теории колебаний, анализировать результаты. Владеет навыками применения базовых знаний и современного математического аппарата теории колебаний при решении прикладных задач.	

## 3. Структура и содержание дисциплины

## 3.1. Трудоемкость дисциплины

	очная форма обучения
Общая трудоемкость	3 3ET
Часов по учебному плану	108
в том числе	
аудиторные занятия (контактная работа):	
- занятия лекционного типа	32
- занятия семинарского типа	32
- занятия лабораторного типа	
самостоятельная работа	43
Контроль самостоятельной работы (КСР)	1
Промежуточная аттестация – зачет	

### 3.2. Содержание дисциплины

	Очная форма	обучен	ия				
№	Наименование разделов и тем дисциплины	Всего (часы)	В ТОМ ЧИСЛЕ  Контактная работа (работа во взаимодействии с преподавателем), часы из них  3ЛеТ² 3СеТ³ 3ЛаТ⁴ Всего				СР¹, часы
1.	Предмет теории колебаний. История развития теории колебаний.	7	2	2		4	3
2.	Динамические системы и их классификация. Классификация колебательных процессов.	8	2	2		4	4
3.	Фазовое пространство и фазовые траектории	13	4	4		8	5

	Очная форма	обучен	ия				
Nº	Наименование разделов и тем дисциплины	Всего (часы)	в том числе Контактная работа (работа во взаимодействии с преподавателем), часы из них				СР¹, часы
			<b>3</b> Ле <b>Т</b> <sup>2</sup>	3CeT <sup>3</sup>	ЗЛаТ <sup>4</sup>	Всего	
4.	Качественные методы исследования нелинейных автономных систем ДС первого. Построение фазовых портретов	14	4	4		8	6
5.	Качественные методы исследования нелинейных автономных систем ДС второго порядков.	23	8	8		16	7
6.	Качественные методы исследования конкретных ДС второго порядков. Построение фазовых портретов	14	4	4		8	6
7.	Бифуркации ДС второго порядка. Бифуркационные значения параметров. Типы бифуркаций	14	4	4		8	6
8.	Методы исследования периодических режимов в автономных системах	14	4	4		8	6
9.	Контроль самостоятельной работы (КСР)	1					
10.	Промежуточная аттестация – зачет	0					
11.	Итого	108	32	32	0	64	43

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Занятия семинарского типа.

Текущий контроль успеваемости реализуется в рамках занятий семинарского типа. Промежуточная аттестация проходит в традиционных формах зачет.

#### 4. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся

В рамках дисциплины предусмотрены следующие виды самостоятельной работы (порядок их выполнения, форма контроля):

- повторение материала, пройденного на занятиях лекционного типа (в течение всего семестра, опрос на занятиях лекционного и семинарского типа),
- самостоятельное изучение отдельных вопросов программы (1 раз в семестр, опрос на занятиях семинарского типа),
- подготовка к занятиям семинарского типа, решение задач по списку, представленному преподавателем (в течение всего семестра, опрос на занятиях семинарского типа),
- подготовка к промежуточному контролю успеваемости (зачет).

Контрольные вопросы и задания для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины приведены в п. 5.2.

# 5. Фонд оценочных средств для промежуточной аттестации по дисциплине (модулю)

Фонд оценочных средств включает: контрольные материалы для проведения текущего контроля в форме задач (практических заданий), контрольных работ и контрольные материалы для проведения промежуточной аттестации в форме вопросов и заданий к зачёту.

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Занятия лабораторного типа.

## 5.1. Описание шкал оценивания результатов обучения по дисциплине

Шкала оценивания сформированности		Уровень сформированности компетенций (индикатора достижения компетенций)				
компетенций		Знания	Умения	Навыки		
плохо	не зачтено	Отсутствие знаний теоретического материала. Невозможность оценить полноту знаний вследствие отказа обучающегося от ответа	Отсутствие минимальных умений. Невозможность оценить наличие умений вследствие отказа обучающегося от ответа	Отсутствие владения материалом. Невозможность оценить наличие навыков вследствие отказа обучающегося от ответа		
неудовлетворительно	<b>ж</b> ән	Уровень знаний ниже минимальных требований. Имели место грубые ошибки.	При решении стандартных задач не продемонстрированы основные умения. Имели место грубые ошибки.	При решении стандартных задач не продемонстрированы базовые навыки. Имели место грубые ошибки.		
удовлетворительно		Минимально допустимый уровень знаний. Допущено много негрубых ошибок.	Продемонстрированы основные умения. Решены типовые задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания, но не в полном объеме.	Имеется минимальный набор навыков для решения стандартных задач с некоторыми недочетами		
хорошо		Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько негрубых ошибок	Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания, в полном объеме, но некоторые с недочетами.	Продемонстрированы базовые навыки при решении стандартных задач с некоторыми недочетами.		
очень хорошо	зачтено	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько несущественных ошибок	Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме, но некоторые с недочетами.	Продемонстрированы базовые навыки при решении стандартных задач без ошибок и недочетов.		
онристо		Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки, без ошибок.	Продемонстрированы все основные умения, решены все основные задачи с отдельными несущественными недочетами, выполнены все задания в полном объеме.	Продемонстрированы навыки при решении нестандартных задач без ошибок и недочетов.		
превосходно		Уровень знаний в объеме, превышающем программу подготовки.	Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме без недочетов	Продемонстрирован творческий подход к решению нестандартных задач		

Шкала оценки при промежуточной аттестации

	======================================			
	Оценка	Уровень подготовки		
тено	превосходно	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «превосходно»		
hee	отлично	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже		

	Оценка	Уровень подготовки
		«отлично», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «отлично»
	очень хорошо	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «очень хорошо», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «очень хорошо»
	хорошо	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «хорошо», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «хорошо»
	удовлетворительно	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «удовлетворительно», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «удовлетворительно»
незачтено	неудовлетворительно	Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «неудовлетворительно», ни одна из компетенций не сформирована на уровне «плохо»
незе	плохо	Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «плохо»

# **5.2.** Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов обучения

5.2.1. Контрольные вопросы

	1. Romponibile Bompoeth	7.0
$N_{\underline{o}}$	Вопрос	Код формируемой компетенции
1.	Классификация колебательных систем и колебательных процессов.	ПК-2
2.	Метод линеаризации. Грубые состояния равновесия на плоскости.	ПК-2
3.	Метод усреднения.	ПК-2
4.	Метод фазовой плоскости.	ПК-2
5.	Метод медленно меняющихся амплитуд.	ПК-2
6.	Метод гармонического баланса.	ПК-2
7.	Собственные колебания в системах с одной степенью свободы.	ПК-2
8.	Консервативные системы.	ПК-2
9.	Колебания системы с "отталкивающей" силой.	ПК-2
10.	Диссипативные системы.	ПК-2
11.	Характеристики затухающего колебательного процесса.	ПК-2
12.	Вынужденные колебания в системах с одной степенью свободы.	ПК-2
13.	Колебания под действием гармонической силы.	ПК-2
14.	Явления резонанса в разных областях физики и техники. Биения.	ПК-2
15.	Колебания в системе со слабой нелинейностью.	ПК-3

№	Вопрос	Код формируемой компетенции
16.	Собственные колебания в нелинейной системе.	ПК-3
17.	Параметрические колебания в системах с одной степенью свободы.	ПК-3
18.	Системы с периодически меняющимися параметрами.	ПК-3
19.	Общие свойства автоколебательных систем.	ПК-3
20.	Предельные циклы.	ПК-3
21.	Автоколебания.	ПК-3
22.	Воздействие внешней гармонической силы на автоколебательную систему.	ПК-3
23.	Условия периодичности и антипериодичности решений системы уравнений с периодическими коэффициентами.	ПК-3

# 5.2.2. Типовые задания/задачи для оценки сформированности компетенции <u>ПК-2</u>

Контрольная работа №1

- 1. Какие типы СР возможны в автономных ДС первого порядка?
- 2. Какие бифуркации возможны в системах с полустепенью свободы?
- 3. Какие фазовые траектории называются сепаратрисами седла?

#### Задачи

- 1. Динамика ротора описывается уравнением  $I\ddot{\varphi} = M(\dot{\varphi})$ , где  $\varphi$  угол, а  $M(\dot{\varphi})$  момент сил, действующих на вал, I момент инерции.  $\dot{\varphi} = \omega$ . Ппостроить фазовый портрет и определить бифуркационные соотношения параметров, если  $M(\omega) = \beta \omega \gamma \omega^3$ ,  $\beta > 0$ ,  $\gamma > 0$ .
- 2. Исследовать типы СР ДС в зависимости от параметра a и определить бифуркационное значение параметра  $\left\{ a\dot{x} = x^2 + y 1; \quad \dot{y} = xy \right\}$

# **5.2.3.** Типовые задания/задачи для оценки сформированности компетенции <u>ПК-3</u>

#### Контрольная работа №2

- 1. Какие типы замкнутых фазовых траекторий Вам известны? Какая фазовая траектория отвечает автоколебаниям?
- 2. Назовите особые траектории, необходимые для построения фазовых портретов ДС с одной степенью свободы?
- 3. К каким ДС применяется метод Ван-дер-Поля?

#### Задачи

- 1. Построить фазовый портрет ДС  $\dot{x} = x(2-3x-y)$ ;  $\dot{y} = y(1-u-v)$ . Является ли ДС грубой?
- 2. Построить (для  $0 < \mu << 1$ ) фазовые портреты ДС и исследовать возможность разрывных автоколебаний  $\mu \dot{x} = x \Big( 1 x^2 \Big) y; \quad \dot{y} = x$ . Является ли ДС автоколебательной?

## 6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

No	а) основная литература:	К-во
1.	Андронов А.А., Витт А.А., Хайкин С.Э. Теория колебаний. М.: Наука, 1981	343
2.	Горяченко В.Д. Элементы теории колебаний. 2-е изд. М.: Высшая школа,	2 (2001
	2001 (2 экз.); Красноярск: Изд-во Красноярск. ун-та, 1995. (393 экз.)	г.)
		393
		(1995)
3.	Андронов А.А., Леонтович Е.А., Гордон И.И. и др. Теория бифуркаций	64
	динамических систем на плоскости. М.: Наука, 1967	
4.	Бутенин Н.В., Неймарк Ю.И., Фуфаев Н.А. Введение в теорию колебаний.	80
	М.: Наука, 1976	
5.	Неймарк Ю.И. Математические модели в естествознании и технике. Н. Новгород:	165
	Изд-во ННГУ, 2004.	
6.	Горяченко В.Д., Пригоровский А.Л., Сандалов В.М. "Задачи по теории	Э
0.	горяченко в.д., пригоровский А.л., Сандалов в.м. задачи по теории	9
	колебаний, устойчивости движения и качественной теории	
	дифференциальных уравнений (Часть 1. Второй (прямой) метод	
	А.М.Ляпунова)" Нижний Новгород. Изд-во ННГУ 2007 г.	
	http://www.unn.ru/books/resources.html Vadim.doc	
7.	В.Д.Горяченко, А.Л.Пригоровский, В.М.Сандалов "Задачи по теории	Э
	колебаний, устойчивости движения и качественной теории	
	дифференциальных уравнений", Нижний Новгород. Изд-во ННГУ 2009 г.	
	http://www.unn.ru/books/resources.html Vadim2.doc	
8.	В.Д.Горяченко, А.Л. Пригоровский, В.М. Сандалов Построение фазовых	Э
	портретов динамических систем первого порядка. Бифуркации.	
	Бифуркационные кривые. Учебное пособие. Часть 3.//Нижний Новгород.	
	Изд-во ННГУ, 2014, 25 с. http://www.unn.ru/books/met_files/Vadim3.pdf	
	,, , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	

No	б) дополнительная литература:	К-во	
1.	Горяченко В.Д., Королев В.И. Сборник задач по теории колебаний: Уч.	4	
	пособие. Горьков. ун-т, Горький, 1982		
2.	Горяченко В.Д., Королев В.И., Постников Л.В. Сборник задач по теории	3	
	колебаний. Ч.б. Горьков. ун-т, Горький, 1978.		
3.	Горяченко В.Д., Пригоровский А.Л., Сандалов В.М. "Задачи по теории	Э	
	колебаний, устойчивости движения и качественной теории		
	дифференциальных уравнений (Часть 1. Второй (прямой) метод		
	А.М.Ляпунова)" Нижний Новгород. Изд-во ННГУ 2007 г.		
	http://www.unn.ru/books/resources.html Vadim.doc		
4.	В.Д.Горяченко, А.Л.Пригоровский, В.М.Сандалов "Задачи по теории	Э	
	колебаний, устойчивости движения и качественной теории		
	дифференциальных уравнений", Нижний Новгород. Изд-во ННГУ 2009 г.		
	http://www.unn.ru/books/resources.html Vadim2.doc		

№	б) дополнительная литература:	К-во			
1.	В.Д.Горяченко, А.Л. Пригоровский, В.М. Сандалов Построение фазовых	$\epsilon$			
	портретов динамических систем первого порядка. Бифуркации.				
	Бифуркационные кривые. Учебное пособие. Часть 3.//Нижний Новгород.				
	Изд-во ННГУ, 2014, 25 c. http://www.unn.ru/books/met_files/Vadim3.pdf				
2.	. Неймарк Ю.И. Математические модели в естествознании и технике. Н.	30			
	Новгород: Изд-во ННГУ, 2004.				

№	в) программное обеспечение и Интернет-ресурсы (в соответствии с содержанием дисциплины)	«Л» или «С» <sup>1</sup>	
1.	http://eqworld.ipmnet.ru/ru/library/mathematics/difgeometry.htm	C	l

#### 7. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Помещения представляют собой учебные аудитории для проведения учебных занятий лекционного и семинарского типа, оснащенные оборудованием и техническими средствами обучения: мультимедийная техника (компьютер, проектор, экран).

Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечены доступом в электронную информационно-образовательную среду.

Программа составлена в соответствии с требованиями ОС ННГУ 01.05.01 Фундаментальные математика и механика.

Программа одобрена на заседании методической комиссии института информационных технологий, математики и механики

от 2 июня 2021 года, протокол № 8.

Автор(ы)	к.т.н., доцент Сандалов В.М.
Рецензент(ы)	
Заведующий кафедрой теоретической,	
компьютерной и	
экспериментальной	д.фм.н., профессор
механики	Игумнов Л.А.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Указывается буква «Л», если программное обеспечение – лицензионное, или «С» – в свободном доступе.