

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

**Федеральное государственное автономное
образовательное учреждение высшего образования
«Национальный исследовательский Нижегородский государственный университет
им. Н.И. Лобачевского»**

Институт информационных технологий, математики и механики
(факультет / институт / филиал)

УТВЕРЖДАЮ:

Директор института

_____ В.П. Гергель

« ____ » _____ 2020

Рабочая программа дисциплины

Математическая логика и теория алгоритмов
(наименование дисциплины (модуля))

Уровень высшего образования
бакалавриат

(бакалавриат / магистратура / специалитет)

Направление подготовки / специальность

02.03.02 Фундаментальная информатика и информационные технологии
(указывается код и наименование направления подготовки / специальности)

Направленность образовательной программы
Инженерия программного обеспечения
(указывается профиль / магистерская программа / специализация)

Форма обучения

очная

(очная / очно-заочная / заочная)

Нижний Новгород

2020 год

Лист актуализации

Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году

Председатель МК

___ 2020 г.

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для
исполнения в 2020-2021 учебном году на заседании кафедры

Протокол от _____ 20__ г. № ____
Зав. кафедрой _____

Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году

Председатель МК

___ 20__ г.

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для
исполнения в 2020-2021 учебном году на заседании кафедры

Протокол от _____ 20__ г. № ____
Зав. кафедрой _____

Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году

Председатель МК

___ 20__ г.

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для
исполнения в 2021-2022 учебном году на заседании кафедры

Протокол от _____ 20__ г. № ____
Зав. кафедрой _____

Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году

Председатель МК

___ 20__ г.

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для
исполнения в 2022-2023 учебном году на заседании кафедры

Протокол от _____ 20__ г. № ____
Зав. кафедрой _____

1. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина относится к обязательной части

Б1.О.08 Математическая логика и теория алгоритмов

2. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями и индикаторами достижения компетенций)

Формируемые компетенции (код, содержание компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю), в соответствии с индикатором достижения компетенции		Наименование оценочного средства
	Индикатор достижения компетенции* (код, содержание индикатора)	Результаты обучения по дисциплине**	
УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК-1-2. Умеет соотносить разнородные явления и систематизировать их в рамках избранных видов профессиональной деятельности	Уметь воспринимать, обобщать и анализировать информацию	собеседование
ОПК-1: Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	ОПК-1.1.: Знает основные положения и концепции в области математических и естественных наук, базовые теории и основную терминологию	Знать основные определения и утверждения математической логики и теории алгоритмов	собеседование
	ОПК-1.2: Умеет осуществлять первичный сбор и анализ материала, интерпретировать различные математические объекты	Уметь выражать отношения для заданных структур, строить поисковое дерево для заданного утверждения, строить равносильные префиксные и антипрефиксные формулы для заданной формулы, находить области истинности заданной формулы, выполнять редукцию в заданном лямбда-терме, проводить реализацию основных этапов метода элиминации кванторов на примерах теории плотного линейного порядка без конечных точек и теории целых чисел с отношениями	задачи

		делимости (пользуясь алгоритмом Пресбургера), составлять простейшие программы на машине Тьюринга и доказывать их частичную корректность по методике Флойда	
	ОПК-1.3: Имеет практический опыт работы с решением стандартных математических задач и применяет его в профессиональной деятельности	Владеть навыками в проведении синтаксического разбора формул логики первого порядка; • навыками в анализе моделей логических формул; навыками в вычислении объема и доли выполнимости простейших формул, в том числе формул, содержащих свободные переменные; навыками в преобразованиях формул логики первого порядка к логически равносильным формулам канонического вида (префиксным, антипрефиксным, Г-формулам); навыками в определении значения предела доли выполнимости формул логики первого порядка, приведенных к антипрефиксному виду и не содержащих функциональных и нульместных предикатных символов (пользуясь доказательством теоремы Глебского); навыками в построении поисковых деревьев для доказательства или опровержения истинности логических утверждений; навыками написания тьюринговых программ и доказательства их частичной корректности (владение методикой Флойда); навыками определения области истинности формул в моделях Крипке; навыками проводить редукцию в лямбда-исчислении и комбинаторной логике	задачи

3. Структура и содержание дисциплины

3.1 Трудоемкость дисциплины

	очная форма обучения
Общая трудоемкость	6 ЗЕТ
Часов по учебному плану	216
в том числе	
контактная работа:	98
- занятия лекционного типа	48
- занятия семинарского типа	48
- текущий контроль (КСР)	2
самостоятельная работа	82
Промежуточная аттестация – экзамен	36

3.2. Содержание дисциплины

Наименование и краткое содержание разделов и тем дисциплины	Всего (часы)	в том числе				
		контактная работа (работа во взаимодействии с преподавателем), часы				Самостоятельная работа обучающегося, часы
		из них				
		Занятия лекционного типа	Занятия семинарского типа	Занятия лабораторного типа	Всего контактных часов	
Элементы логического языка первого порядка	17	4	4	-	8	9
Модели формул логического языка первого порядка	17	4	4	-	8	9
Логический вывод	17	4	4	-	8	9
Канонические формы предложений в логике первого порядка	21	6	6	-	12	9
Приближенное выражение свойств структур в логике первого порядка	21	6	6	-	12	9
Приложения логического языка первого порядка к моделированию математических теорий	21	6	6	-	12	9
Изучение моделей вычислений на примере машины Тьюринга	21	6	6	-	12	9
Интуиционистские и модальные логики	21	6	6	-	12	9
Лямбда-исчисление и комбинаторная логика	22	6	6	-	12	10
Текущий контроль (КСР)	2				2	
Промежуточная аттестация – экзамен	36					
Итого	216	48	48		98	82

Текущий контроль успеваемости реализуется в форме опросов на занятиях семинарского типа. Промежуточная аттестация проходит в традиционной форме (экзамен).

4. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся

- Выполнение домашних и контрольных работ
- Работа с дополнительной литературой и прослушивание онлайн-курсов лекций

Контрольные вопросы и задания для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины приведены в п. 5.2.

5. Фонд оценочных средств для промежуточной аттестации по дисциплине (модулю), включающий:

5.1. Описание шкал оценивания результатов обучения по дисциплине

Уровень сформированности компетенций (индикатора достижения компетенций)	Шкала оценивания сформированности компетенций						
	плохо	неудовлетворительно	удовлетворительно	хорошо	очень хорошо	отлично	превосходно
	Не зачтено		зачтено				
<u>Знания</u>	Отсутствие знаний теоретического материала. Невозможность оценить полноту знаний вследствие отказа обучающегося от ответа	Уровень знаний ниже минимальных требований. Имели место грубые ошибки.	Минимально допустимый уровень знаний. Допущено много негрубых ошибок.	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько негрубых ошибок	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько незначительных ошибок	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки, без ошибок.	Уровень знаний в объеме, превышающем программу подготовки.
<u>Умения</u>	Отсутствие минимальных умений. Невозможность оценить наличие умений вследствие отказа обучающегося от ответа	При решении стандартных задач не продемонстрированы основные умения. Имели место грубые ошибки.	Продemonстрированы основные умения. Решены типовые задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания, но не в полном объеме.	Продemonстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания, в полном объеме, но некоторые с недочетами.	Продemonстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме, но некоторые с недочетами.	Продemonстрированы все основные умения, решены все основные задачи с отдельными незначительными недочетами, выполнены все задания в полном объеме.	Продemonстрированы все основные умения, решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме без недочетов
<u>Навыки</u>	Отсутствие владения материалом. Невозможность оценить наличие навыков вследствие отказа обучающегося от ответа	При решении стандартных задач не продемонстрированы базовые навыки. Имели место грубые ошибки.	Имеется минимальный набор навыков для решения стандартных задач с некоторыми недочетами	Продemonстрированы базовые навыки при решении стандартных задач с некоторыми недочетами	Продemonстрированы базовые навыки при решении стандартных задач без ошибок и недочетов.	Продemonстрированы навыки при решении нестандартных задач без ошибок и недочетов.	Продemonстрирован творческий подход к решению нестандартных задач

Шкала оценки при промежуточной аттестации

Оценка		Уровень подготовки
зачтено	Превосходно	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «превосходно»
	Отлично	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «отлично», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «отлично»
	Очень хорошо	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «очень хорошо», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «очень хорошо»
	Хорошо	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «хорошо», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «хорошо»
	Удовлетворительно	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «удовлетворительно», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «удовлетворительно»
не зачтено	Неудовлетворительно	Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «неудовлетворительно», ни одна из компетенций не сформирована на уровне «плохо»
	Плохо	Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «плохо»

5.2. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов обучения

5.2.1 Контрольные вопросы

Вопросы	Код формируемой компетенции
1. Логический язык первого порядка. Понятия универса, константы, переменной, функции, терма, предиката. Число всех k -местных предикатов и функций на n -элементном универсуме. Синтаксис логического языка первого порядка: описание алфавита, построение формул, примеры. Понятие подформулы, области действия квантора, связанной и свободной переменной, предложения. Примеры.	УК-1
2. Понятие интерпретации формул логического языка первого порядка. Определение истинностного значения формул, примеры. Понятие алгебраической системы (структуры) заданной сигнатуры. Основные понятия, связанные с интерпретацией: общезначимые, выполнимые и невыполнимые формулы, примеры; понятия логического следования, равносильных формул, примеры; понятие модели множества формул, примеры. Понятие изоморфизма структур, примеры и контрпримеры. Элементарно эквивалентные структуры, примеры и контрпримеры.	ОПК-1
3. Графический и табличный способы задания структур на конечных универсах, примеры. Формула подсчета числа всех структур на конечных универсах. Понятие числа моделей.	ОПК-1

доли выполнимости предложений логического языка первого порядка, примеры вычисления.	
4. Понятие исключающих кванторов, модификация правил построения формул, связанная введением исключающих кванторов. Выражение истинностных значений формул содержащих исключающие кванторы, через истинностные значения формул без исключающих кванторов. Понятие Г-формулы. Логическая равносильность любой формулы языка первого порядка некоторой Г-формуле, примеры.	УК-1
5. Логический вывод. Формальные понятия доказательства и правила вывода, примеры. Разветвляющие и неразветвляющие правила. Существование конечного числа правил вывода и математического понятия доказательства, при помощи которых можно ответить на вопрос: «Верно ли, что из множества формул Г логически следует формула А?». Пример.	УК-1
6. Логический вывод. Определение поискового дерева, правила его расширения. Лемма о поисковых последовательностях.	УК-1
7. Логический вывод. Определение поискового дерева, правила его расширения. Понятие дерева-доказательства. Понятие выводимости формулы А из множества гипотез. Теорема о корректности дедуктики.	УК-1
8. Логический вывод. Теоремы о полноте и об адекватности дедуктики. Теорема компактности, пример ее использования.	ОПК-1
9. Канонические формы предложений в логике первого порядка. Предваренные нормальные формы. Алгоритм приведения любой формулы к префиксному виду, примеры.	УК-1
10. Канонические формы предложений в логике первого порядка. Понятие сингулярной примарной формул. Алгоритм приведения любой сингулярной формулы к булевой комбинации примарных, пример.	ОПК-1
11. Приложения логического языка первого порядка к моделированию математических теорий. Аксиоматические и структурные теории, примеры (не меньше трех), их развитие. Понятие теорем и элементарных теорий.	ОПК-1
12. Свойства элементарных теорий: полнота, алгоритмическая разрешимость. Метод элиминации кванторов для доказательства алгоритмической разрешимости некоторых теорий (общий алгоритм). Основной этап алгоритма для доказательства алгоритмической разрешимости теории плотного линейного порядка без концевых точек, пример.	ОПК-1
13. Свойства элементарных теорий: полнота, алгоритмическая разрешимость. Метод элиминации кванторов для доказательства алгоритмической разрешимости некоторых теорий (общий алгоритм). Основные этапы метода элиминации кванторов для доказательства алгоритмической разрешимости теории целых чисел с отношением делимости (алгоритм Пресбургера).	ОПК-1
14. Модели вычислений: машина Тьюринга. Представление и преобразование информации тьюринговских программ, их запись при помощи ориентированных графов. Метод Флойда для доказательства частичной правильности тьюринговских программ. Пример.	ОПК-1
15. Представление тьюринговских программ в виде аналитических выражений (псевдокода). Правила композиции тьюринговских программ. Примеры с доказательством частичной корректности.	ОПК-1
16. Вычислимость и разрешимость: понятия словарных функций и словарных отношений. Полуразрешимые и разрешимые отношения, вычислимые функции. Примеры.	ОПК-1
17. Модели вычислений: лямбда-исчисление. Понятие лямбда-терма, правила его построения. Понятия подтерма, области действия лямбда-абстрактора, свободного связанного вхождения переменной в подтерм, активное и пассивное вхождение подтерма лямбда-терма, примеры. Понятия бинарного отношения на множестве лямбда-термов согласованного с операциями аппликации и абстракции. Понятия контракции (одношаговой R-редукции), многошаговой R-редукции и R-конверсии бинарного отношения согласованного с операциями аппликации и абстракции.	ОПК-1
18. Модели вычислений: лямбда-исчисление. Отношения альфа-конверсии, бета-редукции бета-конверсии на множестве лямбда-термов. Понятие бета-редекса: внешний внутренний редексы, самый правый и самый левый редексы. Понятие бета-нормальной (бета-пассивной) формы лямбда-терма. Редукционные цепочки: стратегии АПР и НПР для преобразования лямбда-термов к бета-нормальной форме. Примеры редуцированных. Теорема Черча-Россера о ромбическом свойстве бета-редукции. Следствие: теорема Черча-Россера о бета-конверсии. Теорема стандартизации.	ОПК-1
19. Модели вычислений: лямбда-исчисление. Исчисление конверсий, его аксиоматика. Понятие комбинатора. Неподвижная точка лямбда-терма. Теоремы о существовании неподвижной точки любого лямбда-терма и комбинатора неподвижной точки, примеры.	УК-1
20. Модели вычислений: лямбда-исчисление. Понятие комбинатора. Комбинаторная логика. Реализация арифметики и логических функций в рамках комбинаторной логики. Примеры.	УК-1
21. Модели вычислений: лямбда-исчисление. Алгоритм элиминации лямбда-абстрактора и его пояснение, примеры.	ОПК-1
22. Неклассические логики: семантика Крипке языка высказываний интуиционистской логики. Примеры.	УК-1

23. Неклассические логики: семантика Крипке языка высказываний модальной логики Примеры.	ОПК-1
---	-------

5.2.3. Типовые задачи для оценки сформированности компетенции ОПК-1

1. В заданной структуре выразить с помощью формулы заданный предикат.
2. Построить поисковое дерево для заданного утверждения.
3. Для заданной формулы построить равносильную ей префиксную и антипрефиксную формулы.
4. Применить метод элиминации кванторов к заданной формуле.
5. По заданной спецификации написать тьюрингову программу.
6. Выполнить редукцию в заданном лямбда-терме.
7. Найти область истинности заданной формулы интуиционистской или модальной логики

6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

а) основная литература:

1. Верещагин Н.К., Шень А. Лекции по математической логике и теории вычислений. Часть 2. Языки и исчисления. 2008. 288 стр. (электронная библиотека «Лань», режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/9307#authors>)

б) дополнительная литература:

2. Верещагин Н.К., Шень А. Лекции по математической. логике и теории алгоритмов. Ч.1. Начала теории множеств. 2008. 128 стр.
(электронная библиотека «Лань», режим доступа: https://e.lanbook.com/book/9306#book_name)
3. Верещагин Н.К., Шень А. Лекции по математической логике и теории алгоритмов. Ч.3. Вычислимые функции. 2008. 192 стр. (электронная библиотека «Лань», режим доступа: https://e.lanbook.com/book/9308#book_name)
4. Коган Д.И., Бабкина Т.С. Теория алгоритмов и математическая логика. Концепции конечного автомата и регулярного языка. Операции над регулярными языками. Фонд электронных изданий ННГУ № 27.00.08 <http://www.unn.ru/books/resources.html>

7. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Помещения представляют собой учебные аудитории для проведения учебных занятий, предусмотренных программой (лекционного и семинарского типа), оснащенные оборудованием и техническими средствами обучения.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечены доступом в электронную информационно-образовательную среду

Программа составлена в соответствии с требованиями ОС ННГУ 02.03.02
Фундаментальная информатика и информационные технологии.

Автор (ы) _____ д.ф.-м.н., доц. Малышев Д.С.

Рецензент (ы) _____

Заведующий кафедрой _____ д.ф.-м.н., проф. Кузнецов М.И.