

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

**Федеральное государственное автономное
образовательное учреждение высшего образования
«Национальный исследовательский Нижегородский государственный университет
им. Н.И. Лобачевского»**

Институт информационных технологий, математики и механики
(факультет / институт / филиал)

УТВЕРЖДЕНО
решением ученого совета ННГУ
протокол от
14.12.2021 г. №4

Рабочая программа дисциплины

Алгебра

(наименование дисциплины (модуля))

Уровень высшего образования
бакалавриат

Направление подготовки / специальность
01.03.01 Математика

Направленность образовательной программы
Общий профиль

Форма обучения
очная

Нижний Новгород

2019 год

1. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина относится к обязательной части Б1.О.08

№ варианта	Место дисциплины в учебном плане образовательной программы	Стандартный текст для автоматического заполнения в конструкторе РПД
1	Блок 1. Дисциплины (модули) Обязательная часть	Дисциплина Б1.О.008 «Алгебра» относится к обязательной части ООП направления подготовки 01.03.01 Математика

2. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями и индикаторами достижения компетенций)

Формируемые компетенции (код, содержание компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю), в соответствии с индикатором достижения компетенции		Наименование оценочного средства
	Индикатор достижения компетенции* (код, содержание индикатора)	Результаты обучения по дисциплине**	
УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК-1.1. Знать методы поиска, критического анализа и синтеза информации, основы системного подхода для решения поставленных задач.	Знать основные подходы и методы изучения алгебраических структур.	Собеседование
	УК-1.2 Уметь осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.	Уметь работать с литературой по алгебре для применения системного подхода для решения поставленных задач.	Разноуровневые задачи и задания
	УК-1.3 Владеть основами критического анализа и синтеза информации, системного подхода	Владеть умением критического подхода анализируемой информации.	Контрольная работа

	для решения поставленных задач.		
<p><i>ОПК-1</i></p> <p>Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности</p>	<p><i>ОПК-1.1.</i></p> <p>Знать методы решения задач из области математических и естественных наук</p>	<p>Знать об основных теоремах и разделах курса, их месте в научно-исследовательской и педагогической деятельности, в том числе базовые понятия, методы и строгие доказательства фактов разделов дисциплины «Алгебра». На основе вышеперечисленного понимать методы решения задач из различных разделов математических и естественных наук.</p>	Собеседование
	<p><i>ОПК-1.2</i></p> <p>Уметь применять фундаментальные знания, полученные в области математических и естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности.</p>	<p>Уметь применять теоретические знания для решения типовых задач изучения различных алгебраических структур.</p>	Разноуровневые задачи и задания
	<p><i>ОПК-1.3</i></p> <p>Иметь навыки теоретического и экспериментального исследования объектов профессиональной деятельности в области математических и естественных наук.</p>	<p>Владеть техникой доказательства математических утверждений и различными методами и способами отыскания решений стандартных задач алгебры.</p>	Контрольная работа

3. Структура и содержание дисциплины

3.1. Трудоемкость дисциплины

	очная форма обучения
Общая трудоемкость	<u>16</u> ЗЕТ
Часов по учебному плану	576
в том числе	
аудиторные занятия (контактная работа):	

- занятия лекционного типа	128
- занятия семинарского типа	128
самостоятельная работа	212
Промежуточная аттестация – экзамен	108

3.2. Содержание дисциплины

Наименование и краткое содержание разделов и тем дисциплины	Всего (часы)	В том числе				Самостоятельная работа обучающегося, часы
		Занятия лекционного типа	Контактная работа (работа во взаимодействии с преподавателем), часы. Из них	Занятия семинарского типа	Занятия лабораторного типа	
Семестр 1						
Поле комплексных чисел и алгебраические системы. Основные определения, утверждения и примеры групп, колец, полей. Построение поля комплексных чисел. Алгебраическая и тригонометрическая формы комплексного числа, операции. Степень и извлечение корня из комплексного числа. Группа корней из единицы.	40	10	10		20	20
Теория определителей. Перестановки и подстановки. Группа подстановок. Определители n-го порядка и их свойства. Миноры и алгебраические дополнения. Правило Крамера.	43	9	9		18	25
Алгебра матриц. Сложение матриц, умножение матриц на число, умножение	33	8	7		15	18

матриц, обратная матрица.						
Системы линейных алгебраических уравнений. Метод последовательного исключения неизвестных для систем линейных алгебраических уравнений. n-мерное арифметическое пространство. Ранг матрицы. Критерий совместности системы линейных алгебраических уравнений. Однородные системы. Фундаментальная система решений. Связь между решениями неоднородной системы и присоединенной однородной системы.	42	10	10		20	22
Кольцо многочленов. Определение кольца многочленов. Делимость в кольце многочленов. Факториальность кольца многочленов над полем. Корни многочленов. Алгебраическая замкнутость поля комплексных чисел. Многочлены с действительными коэффициентами. Локализация корней: теорема Штурма.	46	11	12		23	23
Семестр 2						
Векторное (линейное) пространство. Линейная зависимость, базис, размерность. Подпространства, сумма и пересечение подпространств, прямая сумма. Координаты, матрица перехода от одного базиса к другому.	30	8	8		16	14
Линейные отображения (операторы), действия с ними, их матрицы. Ядро, образ, ранг, дефект линейного отображения. Инвариантные подпространства. Собственные числа и векторы. Характеристический и минимальный многочлен оператора (матрицы). Жорданова форма линейного оператора (матрицы).	30	12	12		24	6
Билинейные (полуторалинейные) и квадратичные формы. Изменение матрицы квадратичной (полуторалинейной) функции при изменении базиса. Методы Лагранжа и Якobi приведения симметричной (эрмитовой) билинейной формы к каноническому виду. Закон инерции. Положительно определенные квадратичные формы.	18	6	6		12	6
Евклидово (унитарное) пространство. Скалярное произведение, свойства. Ортогональные векторы. Ортонормированные базисы и ортогональные матрицы. Процесс ортогонализации Грама–Шмидта. Ортогональное дополнение подпространства.	19	6	6		12	7
Линейные операторы евклидовых и унитарных пространств.	29	10	10		20	9

Соответствие между линейными операторами и билинейными формами в евклидовом пространстве. Сопряженный оператор. Свойства. Матрица сопряженного оператора. Инвариантные подпространства относительно сопряженного. Самосопряженные (эрмитовы) операторы и их свойства. Спектр самосопряженного оператора. Приведение квадратичной формы к главным осям. Пары форм. Ортогональные (унитарные) операторы, их свойства, эквивалентные определения. Матрица ортогонального оператора, свойства собственных чисел и собственных векторов ортогонального оператора. Канонический вид ортогонального (унитарного) оператора.						
Тензоры. Сопряженное векторное пространство, двойственный базис. Определение тензора, координаты тензора. Операции над тензорами.	22	6	6		12	10
Семестр 3						
Группы. Определение группы, подгруппы. Порядок элемента. Циклические группы. Гомоморфизмы групп. Ядро, образ гомоморфизма. Смежные классы по подгруппе. Нормальные подгруппы. Факторгруппа. Теоремы о гомоморфизмах групп.	20	6	6		12	8
Действие группы на множестве. Орбиты, стабилизаторы. Формула длины орбиты. Формула разложения на орбиты. Классы сопряженных элементов, формула классов. Действие сопряжениями и левыми сдвигами. Центр группы.	18	6	6		12	6
p-группы, разрешимые и простые группы. p-группы. Теоремы Силова. Группы порядка pq. Коммутант группы. Разрешимые и простые группы.	20	6	6		12	8
Задание группы образующими и соотношениями. Внешнее, внутреннее прямое произведение групп. Разложимые группы. Разложимость конечной циклической группы. Свободные группы. Универсальное свойство свободной группы. Задание группы образующими и соотношениями.	21	6	6		12	9
Конечные и конечнопорожденные абелевы группы. Конечные абелевы группы. Примарные группы. Элементарные делители примарной группы. Число неизоморфных примарных групп порядка pn. Коэффициенты кручения конечной абелевой группы.	28	8	8		16	12

Конечнопорожденные абелевы группы. Свободные абелевы группы. Ранг свободной абелевой группы. Подгруппа кручения. Коэффициенты кручения конечнопорожденной абелевой группы.					
Текущий контроль (КСР)	9				
Промежуточная аттестация экзамен	108				
Итого	576	128	128	256	203

Текущий контроль успеваемости реализуется в форме опросов на занятиях семинарского типа.

Промежуточная аттестация проходит в форме экзамена.

4. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся

Выполнение домашних практических заданий с последующей проверкой и обсуждением.

Изучение литературы и проработка теоретического материала лекционных занятий.

Образовательный материал для самостоятельной работы студента:

1. Кострикин А. И., Манин Ю. И. - Линейная алгебра и геометрия: учеб. пособие для студентов мех.-мат. Специальностей вузов., 1980, 1986, 2005, 2008 (В библиотеке ННГУ более 50 экз.)
2. Кузнецов М.И., Муляр О.А., Хорева Н.А., Чебочко Н.Г "ЗАДАЧИ ПО ТЕОРИИ ГРУПП. ЧАСТЬ I.". Практикум. 2010, ФЭОР. – URL: http://www.unn.ru/books/met_files/teor_gr.pdf
3. Кузнецов М.И., Муляр О.А., Чебочко Н.Г. Задачи по теории групп. Ч. II. Практикум. 2015. ФЭОР. – URL: http://www.unn.ru/books/met_files/mulyar.pdf
4. Кузнецов М.И. "ЗАДАНИЕ ГРУПП ОБРАЗУЮЩИМИ И ОПРЕДЕЛЯЮЩИМИ СООТНОШЕНИЯМИ". Учебно-методическое пособие. 2014 ФЭОР. – URL: http://www.unn.ru/books/met_files/generators.pdf.

Контрольные вопросы и задания для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины приведены в п. 5.2.

5. Фонд оценочных средств для промежуточной аттестации по дисциплине (модулю), включающий:

5.1. Описание шкал оценивания результатов обучения по дисциплине

Уровень сформированности компетенций	Шкала оценивания сформированности компетенций					
	плохо	неудовлетворительно	удовлетворительно	хорошо	очень хорошо	отлично

(индикатора достижения компетенций)							превосходно
	Не засчитано		засчитано				
<u>Знания</u>	Отсутствие знаний теоретического материала. Невозможность оценить полноту знаний вследствие отказа обучающегося от ответа	Уровень знаний ниже минимальных требований. Имели место грубые ошибки.	Минимально допустимый уровень знаний. Допущено много негрубых ошибок.	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько несущественных негрубых ошибок	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько несущественных негрубых ошибок	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки, без ошибок.	Уровень знаний в объеме, превышающем программу подготовки.
<u>Умения</u>	Отсутствие минимальных умений . Невозможность оценить наличие умений вследствие отказа обучающегося от ответа	При решении стандартных задач не продемонстрированы основные умения. Имели место грубые ошибки.	Продемонстрированы все основные умения. Решены все типовые задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания но не в полном объеме.	Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания, в полном объеме, но некоторые с недочетами.	Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи . Выполнены все задания, в полном объеме, но некоторые с недочетами.	Продемонстрированы все основные умения, решены все основные задачи с отдельными несущественными недочетами, выполнены все задания в полном объеме.	Продемонстрированы все основные умения,. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме без недочетов
<u>Навыки</u>	Отсутствие владения материалом. Невозможность оценить наличие навыков вследствие отказа обучающегося от ответа	При решении стандартных задач не продемонстрированы базовые навыки. Имели место грубые ошибки.	Имеется минимальный набор навыков для решения стандартных задач с некоторыми недочетами	Продемонстрированы базовые навыки при решении стандартных задач с некоторыми недочетами	Продемонстрированы базовые навыки при решении стандартных задач без ошибок и недочетов.	Продемонстрированы навыки при решении нестандартных задач без ошибок и недочетов.	Продемонстрирован творческий подход к решению нестандартных задач

Шкала оценки при промежуточной аттестации

Оценка		Уровень подготовки
	Превосходно	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «превосходно»

зачтено	Отлично	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «отлично», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «отлично»
	Очень хорошо	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «очень хорошо», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «очень хорошо»
	Хорошо	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «хорошо», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «хорошо»
	Удовлетворительно	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «удовлетворительно», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «удовлетворительно»
не зачтено	Неудовлетворительно	Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «неудовлетворительно», ни одна из компетенций не сформирована на уровне «плохо»
	Плохо	Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «плохо»

5.2 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов обучения.

5.2.1 Контрольные вопросы

вопросы	Код формируемой компетенции
Семестр 1	
1. Системы линейных уравнений. Эквивалентные системы, свойства. Теорема об элементарных преобразованиях.	УК-1 , ОПК-1
2. Приведение системы к ступенчатому виду.	УК-1 , ОПК-1
3. Теоремы о совместности и определенности систем линейных уравнений. Следствия.	УК-1 , ОПК-1
4. Определители второго и третьего порядков. Вывод правила Крамера для систем из 2-х уравнений с двумя неизвестными.	УК-1 , ОПК-1
5. Перестановки, транспозиции символов в перестановке. Теорема о расположении перестановок в ряд. Следствие.	УК-1 , ОПК-1
6. Порядки, инверсии, четность перестановки. Теорема о изменении четности на противоположную при	УК-1 , ОПК-1

транспозиции. Следствие.	
7. Подстановки. Четность подстановки.	УК-1 , ОПК-1
Произведение подстановок. Свойства произведения.	
8. Транспозиции, свойства. Теорема о разложении подстановки в произведение транспозиций. Следствия.	УК-1 , ОПК-1
9. Циклы, свойства. Разложение подстановки в произведение циклов. Теорема о декременте.	УК-1 , ОПК-1
10. Определители и их свойства.	УК-1 , ОПК-1
11. Миноры и алгебраические дополнения. Лемма произведения минора на его алгебраическое дополнение.	УК-1 , ОПК-1
12. Теорема Лапласа. Следствия.	УК-1 , ОПК-1
13. Умножение элементов строки (столбца) на свои и чужие алгебраические дополнения.	УК-1 , ОПК-1
14. Правило Крамера для системы из n уравнений с неизвестными	УК-1 , ОПК-1
15. Линейные арифметические пространства. Линейная зависимость. Свойства линейной зависимости независимости. Линейные оболочки. Подпространства.	УК-1 , ОПК-1
16. Базисы, эквивалентные определения, стандартный базис в \mathbb{R}^n . Лемма о линейно независимой системе, следствие.	УК-1 , ОПК-1
17. Теорема о базисе. Размерность.	УК-1 , ОПК-1
18. Ранг системы векторов. База системы векторов.	УК-1 , ОПК-1
19. Ранг матрицы (горизонтальный, вертикальный, минорный). Теорема о равенстве рангов матрицы и матрицы полученной из данной перестановкой строк (столбцов).	УК-1 , ОПК-1
20. Теорема о равенстве горизонтального, вертикального минорного рангов. Следствия.	УК-1 , ОПК-1
21. Теорема Кронекера-Капелли.	УК-1 , ОПК-1
22. Общий метод исследования совместности и решения системы линейных уравнений. Следствия для однородных систем.	УК-1 , ОПК-1
23. Однородные системы уравнений. Свойства, теорема о фундаментальной системе решений.	УК-1 , ОПК-1
24. Связь между решениями неоднородной и приведенной однородной системы.	УК-1 , ОПК-1
25. Сложение и умножение матриц. Свойства сложения и умножения.	УК-1 , ОПК-1
26. Определитель произведения матриц.	УК-1 , ОПК-1
27. Ранг произведения матриц.	УК-1 , ОПК-1
28. Обратная матрица. Определение, необходимое и	УК-1 , ОПК-1

достаточное условие существования.	
29. Алгебраические операции. Теорема об обобщенной ассоциативности. Группы, кольца, поля.	УК-1 , ОПК-1
30. Определение поля комплексных чисел. Алгебраическая форма. Свойства операции сопряжения.	УК-1 , ОПК-1
31. Тригонометрическая форма комплексного числа. Умножение и деление комплексных чисел в тригонометрической форме. Свойства модуля.	УК-1 , ОПК-1
32. Свойства степеней. Формула Муавра. Извлечение корня n-ой степени из комплексного числа.	УК-1 , ОПК-1
33. Группа корней n-ой степени из единицы.	УК-1 , ОПК-1
34. Первообразные корни.	УК-1 , ОПК-1
35. Делимость целых чисел. Свойства.	УК-1 , ОПК-1
36. НОД и НОК. Свойства. Алгоритм Евклида.	УК-1 , ОПК-1
37. Взаимно простые числа. Свойства, критерий взаимной простоты.	УК-1 , ОПК-1
38. Простые числа и их свойства. Решето Эратосфена. Теорема Евклида.	УК-1 , ОПК-1
39. Основная теорема арифметики, следствия из нее.	УК-1 , ОПК-1
40. Построение кольца многочленов. Степень многочлена, свойства степени. Теорема о целостности кольца многочленов.	УК-1 , ОПК-1
41. Делимость в кольце многочленов. Теорема о делении с остатком. Схема Горнера.	УК-1 , ОПК-1
42. НОД и НОК. Существование НОД. Алгоритм Евклида нахождения НОД.	УК-1 , ОПК-1
43. Взаимно простые многочлены. Критерий взаимной простоты. Свойства.	УК-1 , ОПК-1
44. Неприводимые многочлены.	УК-1 , ОПК-1
45. Теорема о разложении многочлена в произведение неприводимых унитарных. Следствия.	УК-1 , ОПК-1
46. Корни многочленов. Теорема Безу.	УК-1 , ОПК-1
47. Кратность корня. Теорема о количестве корней многочлена. Следствия.	УК-1 , ОПК-1
48. Производная многочлена. Критерий кратности корня α . Связь между кратностью корня многочлена и кратностью данного корня в производной.	УК-1 , ОПК-1
49. Алгебраически замкнутое поле, разложение на неприводимые над алгебраически замкнутым полем. Основная теорема алгебры. Неприводимые многочлены	УК-1 , ОПК-1

над R , разложение на неприводимые над R .	
50. Комплексно сопряженные корни многочлена из $R[x]$.	$УК-1, ОПК-1$
51. Неприводимые многочлены над R . Разложение на неприводимые над полем R .	$УК-1, ОПК-1$
52. Локализация корней. Лемма о модуле старшего члена. Следствия. Системы Штурма. Теорема Штурма. Теорема о существовании системы Штурма	$УК-1, ОПК-1$
Семестр 2	
1. Аксиомы векторного пространства. Следствия из аксиом. Примеры векторных пространств. Подпространства, примеры.	$УК-1, ОПК-1$
2. Линейная комбинация, линейная оболочка системы векторов. Линейная зависимость, свойства.	$УК-1, ОПК-1$
3. Эквивалентные определения базиса, примеры. Конечномерные, бесконечномерные пространства.	$УК-1, ОПК-1$
4. Лемма о линейно независимой системе. Теорема о количестве векторов в базисе, размерность.	$УК-1, ОПК-1$
5. Теорема о дополнении до базиса. Свойство бесконечномерных пространств.	$УК-1, ОПК-1$
6. Теорема о монотонности размерности.	$УК-1, ОПК-1$
7. Координаты вектора в базисе, матрица перехода, ее невырожденность, формула изменения координат при переходе к новому базису.	$УК-1, ОПК-1$
8. База системы векторов и ранг системы векторов.	$УК-1, ОПК-1$
9. Сумма и пересечение подпространств, линейная оболочка объединения.	$УК-1, ОПК-1$
10. Теорема о размерности суммы и пересечения подпространств	$УК-1, ОПК-1$
11. Прямая сумма. Критерий прямой суммы.	$УК-1, ОПК-1$
12. Линейные отображения векторных пространств, свойства, примеры. Матрица линейного отображения в базисах. Матричная запись. Формула преобразования матрицы линейного отображения при замене базисов.	$УК-1, ОПК-1$
13. Матрица линейного оператора. Матричная запись Координаты образа вектора. Формула преобразования матрицы линейного оператора при замене базиса.	$УК-1, ОПК-1$
14. Теорема о задании линейного отображения на базисе. Теорема о соответствии между линейными отображениями и матрицами.	$УК-1, ОПК-1$
15. Ядро и образ линейного отображения. Теорема о ранге и	$УК-1, ОПК-1$

дефекте.	
16. Инъективные линейные отображения.	УК-1 , ОПК-1
17. Сумма линейных отображений, произведение на число, композиция. Их матрицы.	УК-1 , ОПК-1
18. Обратное отображение, его матрица. Изоморфизм векторных пространств. Теорема об изоморфизме конечномерных векторных пространств.	УК-1 , ОПК-1
19. Алгебра линейных операторов. Эквивалентные условия невырожденности.	УК-1 , ОПК-1
20. След матрицы, след линейного оператора.	УК-1 , ОПК-1
21. Инвариантные подпространства, собственные векторы. Собственные значения линейного оператора и корни характеристического многочлена. Инвариантность характеристического многочлена.	УК-1 , ОПК-1
22. Теорема о линейной независимости собственных векторов.	УК-1 , ОПК-1
23. Диагонализируемость линейного оператора.	УК-1 , ОПК-1
24. λ -матрицы, элементарные преобразования лямбда-матриц, эквивалентные лямбда-матрицы, каноническая форма.	УК-1 , ОПК-1
25. Приведение лямбда-матрицы к каноническому виду элементарными преобразованиями.	УК-1 , ОПК-1
26. Теорема о единственности канонического вида. Следствия. Инвариантные множители.	УК-1 , ОПК-1
27. Унимодулярные лямбда-матрицы. Свойства. Эквивалентность элементарных преобразований лямбда-матриц и умножения на элементарные матрицы.	УК-1 , ОПК-1
28. Критерий эквивалентности лямбда -матриц.	УК-1 , ОПК-1
29. Деление с остатком матричных многочленов.	УК-1 , ОПК-1
30. Критерий подобия матриц.	УК-1 , ОПК-1
31. Канонический вид характеристических матриц для жордановых клеток.	УК-1 , ОПК-1
32. Канонический вид характеристических матриц для жордановых матриц. Критерий подобия жордановых матриц.	УК-1 , ОПК-1
33. Приведение матрицы к жордановой нормальной форме. Критерий диагонализируемости.	УК-1 , ОПК-1
34. Жорданова форма матриц 2-го и 3-го порядков.	УК-1 , ОПК-1

35. Подстановка матрицы, оператора в многочлен, аннулирование многочлена, минимальный многочлен, примеры, свойство. Теорема о минимальном многочлене. Теорема Гамильтона-Кэли.	<i>УК-1 , ОПК-1</i>
36. Билинейные формы. Однозначность определения на базисе. Матрица билинейной формы. Закон изменения матрицы при переходе к другому базису.	<i>УК-1 , ОПК-1</i>
37. Симметрические, кососимметрические формы. Квадратичная форма, поляризация квадратичной формы, канонический вид.	<i>УК-1 , ОПК-1</i>
38. Приведение квадратичной формы к каноническому виду методом Лагранжа.	<i>УК-1 , ОПК-1</i>
39. Ранг квадратичной формы. Нормальный вид квадратичной формы над C . Теорема об эквивалентности квадратичных форм над C .	<i>УК-1 , ОПК-1</i>
40. Закон инерции квадратичных форм над R .	<i>УК-1 , ОПК-1</i>
41. Сигнатура. Теорема об эквивалентности квадратичных форм над R .	<i>УК-1 , ОПК-1</i>
42. Метод Якоби.	<i>УК-1 , ОПК-1</i>
43. Положительно определенные квадратичные формы. Эквивалентные определения. Критерий Сильвестра.	<i>УК-1 , ОПК-1</i>
44. Евклидовы пространства, скалярное произведение, свойства. Длина вектора, неравенство Коши-Буняковского, следствия, угол между векторами.	<i>УК-1 , ОПК-1</i>
45. Ортогональные системы векторов. Ортонормированный базис. Скалярное произведение в о.н.б. Матрица Грама.	<i>УК-1 , ОПК-1</i>
46. Процесс ортогонализации Грама-Шмидта.	<i>УК-1 , ОПК-1</i>
47. Существование о.н.б. Дополнение до о.н.б.	<i>УК-1 , ОПК-1</i>
48. Ортогональное дополнение подпространства. Свойства.	<i>УК-1 , ОПК-1</i>
49. Теорема об ортогональном дополнении, следствие. Ортогональные проекции, расстояния.	<i>УК-1 , ОПК-1</i>
50. Изоморфизм евклидовых пространств.	<i>УК-1 , ОПК-1</i>
51. Ортонормированные базисы и ортогональные матрицы.	<i>УК-1 , ОПК-1</i>
52. Теорема о соответствии между линейными операторами и билинейными формами в евклидовом пространстве. Следствия.	<i>УК-1 , ОПК-1</i>
53. Сопряженный оператор. Свойства. Матрица сопряженного оператора. Инвариантные подпространства относительно	<i>УК-1 , ОПК-1</i>

сопряженного.	
54. Симметрические операторы и их свойства. Теорема об ортогональности собственных векторов симметрического оператора.	УК-1 , ОПК-1
55. Теорема о спектре симметрического оператора.	УК-1 , ОПК-1
56. Критерий симметрического оператора.	УК-1 , ОПК-1
57. Теорема о диагонализуемости симметричной матрицы. Приведение квадратичной формы к главным осям.	УК-1 , ОПК-1
58. Ортогональные операторы, их свойства, эквивалентные определения.	УК-1 , ОПК-1
59. Матрица ортогонального оператора, свойства собственных чисел и собственных векторов ортогонального оператора.	УК-1 , ОПК-1
60. Лемма о комплексном характеристическом корне ортогонального оператора, следствие.	УК-1 , ОПК-1
61. Теорема об инвариантных подпространствах ортогонального оператора.	УК-1 , ОПК-1
62. Теорема о каноническом виде ортогонального оператора.	УК-1 , ОПК-1
63. Унитарные пространства.	УК-1 , ОПК-1
64. Двойственное пространство. Однозначность определения линейной функции на базисе.	УК-1 , ОПК-1
65. Теорема о двойственном базисе, следствие. Канонический изоморфизм в евклидовом пространстве.	УК-1 , ОПК-1
66. Канонический изоморфизм между пространством и дважды сопряженным.	УК-1 , ОПК-1
67. Матрица перехода в двойственных базисах. Законы изменения координат векторов и ковекторов в тензорных обозначениях.	УК-1 , ОПК-1
68. Тензоры. Координаты тензора. Закон изменения координат тензора.	УК-1 , ОПК-1
69. Операции над тензорами.	УК-1 , ОПК-1
70. Разложимые тензоры. Базис в $T_p^q(V)$.	УК-1 , ОПК-1
Семестр 3	
1. Бинарная алгебраическая операция. Примеры. Теорема об обобщенной ассоциативности.	УК-1 , ОПК-1
2. Определение группы, подгруппы. Эквивалентное определение	УК-1 , ОПК-1

подгруппы. Примеры.	
3. Степени, свойства степеней. Порядок элемента. Свойства порядка.	УК-1 , ОПК-1
4. Циклические группы. Теорема о порядке элемента и циклической подгруппы порожденной этим элементом. Следствия.	УК-1 , ОПК-1
5. Теорема об изоморфизме циклических групп.	УК-1 , ОПК-1
6. Теорема о подгруппах циклической группы.	УК-1 , ОПК-1
7. Гомоморфизмы групп. Примеры. Свойства гомоморфизмов групп. Ядро, образ гомоморфизма. Изоморфизм групп.	УК-1 , ОПК-1
8. Смежные классы по подгруппе (левые, правые). Примеры.	УК-1 , ОПК-1
9. Индекс группы по подгруппе. Теорема Лагранжа, следствия.	УК-1 , ОПК-1
10. Нормальные подгруппы. Факторгруппа. Каноническая проекция. Примеры.	УК-1 , ОПК-1
11. Основная теорема о гомоморфизме. Следствие.	УК-1 , ОПК-1
12. 1-ая теорема об изоморфизме.	УК-1 , ОПК-1
13. Теорема о соответствии. Следствия.	УК-1 , ОПК-1
14. Действие групп на множестве. Примеры. Эквивалентность определений действия групп на множестве.	УК-1 , ОПК-1
15. Орбиты, стабилизаторы. Примеры. Сопряженность стабилизаторов элементов из одной орбиты.	УК-1 , ОПК-1
16. Предложение о соответствии между элементами орбиты и множеством левых смежных классов по подгруппе. Формула длины орбиты.	УК-1 , ОПК-1
17. Формула разложения на орбиты. Формула классов.	УК-1 , ОПК-1
18. Действие сопряжениями и левыми сдвигами. Теорема Кэли.	УК-1 , ОПК-1
19. Центр группы. Примеры. Свойства. Теорема о центре р-группы.	УК-1 , ОПК-1
20. Порядки элементов в абелевой группе. Лемма о показателе.	УК-1 , ОПК-1
21. Теорема Коши. Силовские подгруппы. Теоремы Силова. Следствие.	УК-1 , ОПК-1
22. Свойства коммутанта. Примеры.	УК-1 , ОПК-1
23. Разрешимые группы. Примеры. Свойства разрешимых групп.	УК-1 , ОПК-1
24. Теорема о разрешимости р-группы. Группа порядка p^2 .	УК-1 , ОПК-1
25. Внешнее, внутреннее прямое произведение. Теорема об эквивалентности определений внутреннего произведения групп.	УК-1 , ОПК-1

26. Теорема о порядке произведения.	УК-1 , ОПК-1
27. Следствие теоремы о порядке произведения. Теорема о разложимости циклической группы.	УК-1 , ОПК-1
28. Теорема о разложении группы в прямую сумму силовских нормальных подгрупп.	УК-1 , ОПК-1
29. Теорема о факторгруппе произведения.	УК-1 , ОПК-1
30. Абелевы группы. Примарная подгруппа. Теорема о разложении в прямую сумму примарных подгрупп.	УК-1 , ОПК-1
31. Лемма о представителе. Теорема о разложении примарной группы.	УК-1 , ОПК-1
32. Теорема о единственности разложения примарной группы.	УК-1 , ОПК-1
33. Элементарные делители примарной группы. Теорема об изоморфизме примарных групп. Число неизоморфных примарных групп порядка p^n .	УК-1 , ОПК-1
34. Коэффициенты кручения. Основная теорема о конечных абелевых группах.	УК-1 , ОПК-1

5.2.2 Типовые задания для оценки сформированности компетенций УК-1, ОПК-1

Семестр 1.

1) Вычислить $\sqrt[3]{\frac{(1+i)^8(-\sqrt{3}+i)^6}{(-1-i)^3}}$

2) Решить матричное уравнение

$$X \cdot \begin{pmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 2 & 1 & 0 \\ 1 & -1 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 3 \\ 4 & 3 & 2 \\ 1 & -2 & 5 \end{pmatrix}$$

3) Найти наибольший общий делитель многочленов

$$f = x^5 + x^4 - x^3 - 3x^2 - 3x - 1$$

$$g = x^4 - 2x^3 - x^2 - 2x + 1$$

4) Вычислить $2A^{-1} - BA - 3E$, где

$$A = \begin{pmatrix} -1 & 2 & -1 \\ 4 & -2 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 1 \\ -4 & 2 & 1 \\ 2 & 2 & 1 \end{pmatrix}.$$

5) Отделить кратные множители многочлена

$$f = x^5 - 10x^3 - 20x^2 - 15x - 4$$

6) Пользуясь схемой Горнера разделить $f = x^4 + 2ix^3 - x^2 - 3x + 7 + i$ с остатком на $x+i$ и вычислить $f(-i)$.

- 7) Исследовать систему на совместность в зависимости от значения параметра λ и найти общее решение системы

$$\begin{cases} 8x_1 + 6x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 5 \\ -12x_1 - 3x_2 - 3x_3 + 3x_4 = -6 \\ 4x_1 + 5x_2 + 2x_3 + 3x_4 = 3 \\ \lambda x_1 + 4x_2 + x_3 + 4x_4 = 2 \end{cases}$$

- 8) Исследовать систему на совместность в зависимости от значения параметра λ и найти общее решение системы

$$\begin{cases} x_1 - x_2 - x_3 - 4x_4 = -2 \\ 2x_1 + 3x_2 + 6x_3 + 8x_4 = 5 \\ x_1 - 6x_2 - 9x_3 - 20x_4 = -11 \\ 4x_1 + x_2 + 4x_3 + \lambda x_4 = 2 \end{cases}$$

- 9) Разложить многочлен $f = x^5 - 5x^4 + 7x^3 - 2x^2 + 4x - 8$ по степеням $x-2$. Определить кратность корня $x_0 = 2$.

- 10) Вычислить определитель

$$\begin{vmatrix} -5 & -7 & -2 & 2 & -2 & 16 \\ 0 & 0 & 4 & 0 & -5 & 0 \\ 2 & 0 & -2 & 0 & 2 & 0 \\ 6 & 4 & 6 & -1 & 15 & -5 \\ 5 & -4 & 10 & 1 & 14 & 6 \\ 3 & 0 & -2 & 0 & 3 & 0 \end{vmatrix}$$

- 11) Методом Штурма отделить корни полинома

$$f = x^5 - 5x^3 - 10x^2 + 2$$

- 12) Исследовать совместность, найти общее решение и частное решение системы уравнений.

$$\begin{cases} 3x_1 + 4x_2 + x_3 + 2x_4 + 3x_5 = 2 \\ 5x_1 + 7x_2 + x_3 + 3x_4 + 4x_5 = 3 \\ 4x_1 + 5x_2 + 2x_3 + x_4 + 5x_5 = 3 \\ 7x_1 + 10x_2 + x_3 + 6x_4 + 5x_5 = 4 \end{cases}$$

- 13) Вычислить определитель

$$\text{a) } \begin{vmatrix} 2 & 3 & 0 & - & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 3 & - & 0 & 0 \\ - & - & - & - & - & - \\ - & - & - & - & - & - \\ 0 & 0 & 0 & - & 2 & 3 \\ 3 & 0 & 0 & - & 0 & 2 \end{vmatrix} \quad \text{б) } \begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 2 & 3 & 4 & 1 \\ 3 & 4 & 1 & 2 \\ 4 & 1 & 2 & 3 \end{vmatrix}$$

14) Вычислить определитель

$$a) \begin{vmatrix} 3 & 4 & 4 & - & - & 4 \\ 4 & 3 & 4 & - & - & 4 \\ 4 & 4 & 3 & - & - & 4 \\ - & - & - & - & - & - \\ - & - & - & - & - & - \\ 4 & 4 & 4 & - & - & 3 \end{vmatrix} \quad b) \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 4 \\ 1 & 4 & 9 & 16 \\ 1 & 8 & 27 & 64 \end{vmatrix}$$

15) Найти общее решение и фундаментальную систему решений

$$\begin{cases} x_1 + x_2 - 3x_4 - x_5 = 0 \\ x_1 - x_2 + 2x_3 - x_4 = 0 \\ 4x_1 - 2x_2 + 6x_3 + 3x_4 - 4x_5 = 0 \\ 2x_1 + 4x_2 - 2x_3 + 4x_4 - 7x_5 = 0 \end{cases}$$

16) Вычислить $\sqrt[4]{\frac{(1-i)^4(-1+i\sqrt{3})^{12}}{i^{11}}}$

17) Найти обратную матрицу для

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 2 & 1 & 2 \\ 2 & 4 & 3 & 1 \\ 1 & 3 & 3 & 0 \\ 2 & 1 & 0 & 3 \end{pmatrix}.$$

18) Найти обратную матрицу для

$$A = \begin{pmatrix} 3 & -3 & 3 & -2 \\ -2 & 3 & -1 & 3 \\ 2 & -2 & 1 & -2 \\ -2 & 2 & -2 & 1 \end{pmatrix}$$

19) Найти общее решение и фундаментальную систему решений

$$\begin{cases} 7x_1 + x_2 + 5x_3 - x_4 - 4x_5 = 0 \\ x_1 + 6x_2 - 11x_3 + 3x_4 - x_5 = 0 \\ -x_1 + 3x_2 - 7x_3 + 2x_4 = 0 \\ -x_1 - 2x_2 + 3x_3 - x_4 + x_5 = 0 \end{cases}$$

20) Методом окаймляющих миноров найти ранг матрицы

$$\begin{bmatrix} 7 & 1 & 5 & -1 & -4 \\ 1 & 6 & -11 & 3 & -1 \\ -1 & 3 & -7 & 2 & 0 \\ -1 & -2 & 3 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

21) Разложить многочлен $f = x^5 - 1$ на неприводимые множители над С и над R.

22) Найти максимальную линейно независимую подсистему системы векторов

$$(7, 2, -9, 3, -19)$$

$$(2, 3, -5, 1, -8)$$

$$(3, 1, -4, 5, -12)$$

$$(-2, -1, 3, -2, 7)$$

23) Методом Штурма отделить корни многочлена $f = x^5 + 5x^4 + 10x^2 - 5x - 3$.

24) Найти значения многочлена $f = x^5 + 5x^4 + 10x^2 - 5x - 3$ и всех его производных в точке $x = -2$.

25) Найти общее решение и фундаментальную систему решений

$$\begin{cases} 2x_1 + 7x_2 + 4x_3 + 5x_4 + 8x_5 = 0 \\ 4x_1 + 4x_2 + 8x_3 + 5x_4 + 4x_5 = 0 \\ x_1 - 9x_2 - 3x_3 - 5x_4 - 14x_5 = 0 \\ 3x_1 + 5x_2 + 7x_3 + 5x_4 + 6x_5 = 0 \end{cases}$$

26) Решить уравнение $X \begin{pmatrix} 0 & 2 & -1 \\ 1 & 1 & -1 \\ -2 & -5 & 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ -2 & 1 & 0 \\ -1 & 2 & -1 \end{pmatrix}$.

Семестр 2.

1. Найти матрицу перехода от базиса $v_1=(1, 1, 1), v_2=(1, 1, 0), v_3=(-1, 0, -1)$ к базису $u_1=(1, 2, 0), u_2=(2, 2, 1), u_3=(2, 1, 2)$.

2. Найти базисы суммы и пересечения линейных оболочек

систем векторов $\langle(1,1,1,1),(-1,-2,0,1)\rangle$ и $\langle(-1,-1,1,0),(2,2,0,1)\rangle$.

3. Выяснить является преобразование пространства R^3 линейным и если да, то найти его матрицу в базисе $e_1 = (1, 1, 1), e_2 = (-1, 1, 1), e_3 = (1, 2, 3)$:

А) $\varphi(x_1, x_2, x_3) = (3x_1 - x_2, x_1 + x_3, x_2 - x_3)$.

Б) $\varphi(x_1, x_2, x_3) = (x_2, x_1 x_2, x_3)$.

4. Найти матрицу линейного оператора, переводящего векторы $v_1=(1, 0, 1)$,

$v_2=(0, 1, 1), v_3=(1, 1, 0)$ в векторы $u_1=(4, 4, 5), u_2=(5, 3, 4), u_3=(3, 5, 3)$, соответственно.

5. Линейный оператор F задан в базисе $\{v_1=(1, 1, 0), v_2=(0, 1, 1), v_3=(1, 0, 1)\}$:

$F(a_1v_1+a_2v_2+a_3v_3)=2a_1v_1+2a_2v_2-2a_3v_3$, где a_1, a_2, a_3 – координаты вектора в базисе $\{v_1, v_2, v_3\}$.

Найти матрицу оператора F в базисе $\{u_1, u_2, u_3\}$ и значение оператора F на векторе $u=u_1+2u_2+u_3$, где $u_1=(1, 1, 1), u_2=(0, 1, 1), u_3=(0, 0, 1)$.

6. Матрица оператора φ в базисе $a_1=(1, 1), a_2=(1, 0)$ равна $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$,

матрица оператора ψ в базисе $b_1=(-1, -1), b_2=(1, 2)$ равна $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$.

Найти матрицу оператора $\varphi + \psi$ в базисе $\{b_1, b_2\}$.

7. Найти базис ядра и образа оператора, заданного в стандартном базисе матрицей

$$\begin{pmatrix} 1 & 4 & 2 \\ 1 & 5 & 3 \\ -1 & 2 & 4 \end{pmatrix}.$$

8. Найти собственные значения и собственные векторы линейного оператора заданного матрицей

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 3 & 2 & 3 \\ -2 & 0 & 0 \end{pmatrix}.$$

9. Является ли диагонализируемым линейный оператор над R , заданный в стандартном базисе

матрицей $\begin{pmatrix} -1 & 3 & -1 \\ -3 & 5 & -1 \\ -3 & 3 & 1 \end{pmatrix}$.

10. Найти жорданову форму матрицы $\begin{pmatrix} -1 & 3 & -1 \\ -3 & 5 & -1 \\ -3 & 3 & 1 \end{pmatrix}$.

11. Найти нормальный вид в области вещественных чисел и невырожденное преобразование, приводящее к этому виду, для квадратичной формы

$$f = x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 + 4x_1x_2 + 4x_1x_3 + 4x_2x_3.$$

12. Найти канонический вид и ортогональное преобразование, приводящее f к каноническому виду (приведение к главным осям),

$$f = x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 + 4x_1x_2 + 4x_1x_3 + 4x_2x_3.$$

13. Процессом ортогонализации Грама-Шмидта построить ортонормированный базис линейной оболочки системы векторов $u_1 = (1, 2, -1)$, $u_2 = (0, 3, -2)$, $u_3 = (2, 1, 0)$.

14. Найти ортогональную проекцию и ортогональную составляющую

вектора $x = (3, 1, 2)$ на линейное подпространство L , натянутое на векторы:

$$v_1 = (1, 2, -1), v_2 = (2, -2, 1).$$

Семестр 3.

1. В циклической группе порядка 20 найти все элементы a , такие что $a^4 = e$ и все элементы порядка 4.

2. Найти классы сопряженных элементов в группе A_4 .

3. Выяснить какие из перечисленных циклических групп $\langle a \rangle$, порожденных элементом $a \in G$, изоморфны:

1) $G = \mathbb{F}^*$, $a = \frac{1}{\sqrt{2}} - \frac{1}{\sqrt{2}}i$;

2) $G = \mathbb{F}^*$, $a = \cos \frac{4\pi}{5} + i \sin \frac{4\pi}{5}$;

3) $G = \mathbb{J}^*$, $a = -3\pi$;

4) $G = \mathbb{F}^*$, $a = 7 - i$;

5) $G = S_6$, $a = (1 \ 3 \ 6 \ 2 \ 5)$;

6) $G = \mathbb{C}$, $a = -310$;

7) $G = \text{GL}_n(\mathbb{J})$, $a = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$.

4. Найти все силовские 3-подгруппы в S_4 .

5. Найти порядок элемента $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 & 10 \\ 2 & 3 & 1 & 5 & 6 & 7 & 4 & 10 & 9 & 8 \end{pmatrix} \in S_{10}$.

6. Определить является ли отображение $f : \mathbb{F}^* \rightarrow \mathbb{J}^*$ гомоморфизмом групп или нет, найти ядро и образ:

a) $f(z) = |\bar{z}|^2$;

b) $f(z) = -|z|$;

c) $f(z) = 1$;

d) $f(z) = 3$.

7. Доказать изоморфизм $\mathbb{F}^* / \mathbb{J}^+ \cong T^1$.

8. Найти централизатор подстановки $(1 \ 4 \ 2)$ в S_4 .

9. Выяснить является ли множество с операцией группой или нет.

10. В группе $GL_2(\mathbb{R})$ найти централизатор матрицы $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$.

11. Найти все гомоморфные отображения $Z_9 \rightarrow Z_{36}$.

12. Доказать, что группа $G = \langle a, b \mid a^8, b^2a^2, b^{-1}aba \rangle$ конечна.

13. Доказать, что группу S_3 можно задать следующими образующими и соотношениями:

$$\langle a, b \mid a^2, b^3, a^{-1}bab^{-2} \rangle.$$

14. Доказать, что группа порядка 115 является циклической.

15. Найти левые и правые смежные классы в S_3 по подгруппе $\left\langle \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix} \right\rangle$.

16. Пользуясь основной теоремой о конечных абелевых группах, найти все (с точностью до изоморфизма) абелевы группы порядка 40.

17. Изоморфны ли группы: $\mathbb{Z}_{12} \oplus \mathbb{Z}_{36}$ и $\mathbb{Z}_{18} \oplus \mathbb{Z}_{24}$?
18. Доказать, что любая группа порядка 63 разрешима.
19. Доказать, что не существует простых групп порядка 80.
20. Найти количество элементов заданного порядка в данной группе.
21. Найти все орбиты и стабилизаторы группы G , порожденной подстановкой

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 & 10 \\ 4 & 3 & 5 & 1 & 2 & 9 & 6 & 10 & 7 & 8 \end{pmatrix} \in S_{10}$$

и действующей на множестве $M = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$.

22. Найти все подгруппы циклической группы порядка 36.

23. Найти нормальные подгруппы в S_4 .

24. Найти порядок элемента $-\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i \in \mathbb{C}^*$.

25. Доказать изоморфизм $GL_n(\mathbb{J})/SL_n(\mathbb{J}) \cong \mathbb{J}^*$.

6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

a) Основная литература:

1. Кострикин А. И. - Введение в алгебру. М.: Физматлит, 2004. (В библиотеке ННГУ более 50 экз.)
2. Курош А. Г. Курс высшей алгебры. – СПб.: Лань, 2003. (В библиотеке ННГУ более 100 экз.)
3. Проскуряков И. В. Сборник задач по линейной алгебре. – СПб.; М.; Краснодар: Лань, 2010. (В библиотеке ННГУ более 40 экз.)

б) Дополнительная литература:

1. Ильин В. А., Ким Г. Д. - Линейная алгебра и аналитическая геометрия: учеб. для студентов ун-тов и техн. вузов, обучающихся по специальностям "Математика", "Прикладная математика и информатика". - М.: Проспект : Изд-во Моск. ун-та, 2012. - 400 с. (В библиотеке ННГУ более 40 экз.)
2. Беклемишева Л. А., Петрович А. Ю., Чубаров И. А. Сборник задач по аналитической геометрии и линейной алгебре. – М.: Физматлит, 2004. (В библиотеке ННГУ более 30 экз.)
3. Фаддеев Д. К., Соминский И. С. - Задачи по высшей алгебре: учеб. пособие для студентов вузов, обучающихся по мат. специальностям. 2001, 2007, 2008 (В библиотеке ННГУ более 100 экз.)

в) Интернет-ресурсы

<http://www.lib.unn.ru/>

Университетская библиотека ONLINE <http://www.biblioclub.ru>

Библиотека "Лань" <http://e.lanbook.com/>

7. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Учебная аудитория, оснащенная партами, стульями, учебной доской, мелом.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечены доступом в электронную информационно-образовательную среду

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО - бакалавриат по направлению подготовки 01.03.01 Математика, утвержденный приказом Минобрнауки России от 10 января 2018 года №8, зарегистрирован в Минюсте России 06.02.2018 N 49941.

Автор (ы): к.ф.-м.н., доц. _____ Любимцев О.В.

Рецензент (ы) _____

Заведующий кафедрой: д.ф.м.н., проф. _____ Кузнецов М.И.

Программа одобрена на заседании методической комиссии института информационных технологий, математики и механики от 01.12.2021 №2.