МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Национальный исследовательский Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского»

УТВЕРЖДЕНО решением Ученого совета ННГ протокол № 6 от 31.05.2023 г Рабочая программа дисциплины Теория функций комплексного переменного Уровень высшего образования Бакалавриат Направление подготовки / специальность 11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника	Физический факультет
решением Ученого совета ННГ протокол № 6 от 31.05.2023 и протокол № 6 от 31.05.2023 и Рабочая программа дисциплины Теория функций комплексного переменного Уровень высшего образования Бакалавриат Направление подготовки / специальность 11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника	Физический факультет
решением Ученого совета ННГ протокол № 6 от 31.05.2023 и протокол № 6 от 31.05.2023 и Рабочая программа дисциплины Теория функций комплексного переменного Уровень высшего образования Бакалавриат Направление подготовки / специальность 11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника	VEDEDICHELI
Рабочая программа дисциплины Теория функций комплексного переменного Уровень высшего образования Бакалавриат Направление подготовки / специальность 11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника	УТВЕРЖДЕНС
Рабочая программа дисциплины Теория функций комплексного переменного Уровень высшего образования Бакалавриат Направление подготовки / специальность 11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника	решением Ученого совета ННГУ
Теория функций комплексного переменного Уровень высшего образования Бакалавриат Направление подготовки / специальность 11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника	протокол № 6 от 31.05.2023 г
Теория функций комплексного переменного Уровень высшего образования Бакалавриат Направление подготовки / специальность 11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника	
Теория функций комплексного переменного Уровень высшего образования Бакалавриат Направление подготовки / специальность 11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника	
Теория функций комплексного переменного Уровень высшего образования Бакалавриат Направление подготовки / специальность 11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника	
Уровень высшего образования Бакалавриат Направление подготовки / специальность 11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника	Рабочая программа дисциплины
Бакалавриат Направление подготовки / специальность 11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника Форма обучения	Теория функций комплексного переменного
Бакалавриат Направление подготовки / специальность 11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника Форма обучения	Уровень высшего образования
11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника Форма обучения	
11.03.04 - Электроника и наноэлектроника Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника Форма обучения	
Направленность образовательной программы Радиофотоника и оптоэлектроника Форма обучения	Направление подготовки / специальность
Радиофотоника и оптоэлектроника Форма обучения	11.03.04 - Электроника и наноэлектроника
Радиофотоника и оптоэлектроника Форма обучения	Направленность образовательной программы
Форма обучения	
• • •	т адиофотоника и оптоэлектроника
Onnad	Форма обучения
Kanro	очная

г. Нижний Новгород

2021 год начала подготовки

1. Место и цели дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина «Теория функций комплексного переменного» относится к дисциплинам по выбору формируемой участниками образовательных отношений части основной образовательной программы ПО направлению 11.03.04 Электроника наноэлектроника. Преподается на втором году обучения, в четвертом семестре. дисциплины предшествует освоение дисциплин Освоению (модулей) «Математический анализ», «Дифференциальные уравнения».

Цели и задачи освоения дисциплины:

Целями освоения дисциплины «Теория функций комплексного переменного» являются:

- знакомство студентов с теорией функций комплексного переменного и вариационным исчислением разделами высшей математики, являющимися основой всех базовых курсов теоретической физики;
- обучение студентов основным типовым методам и приемам, необходимым при решении различных задач теории функций комплексного переменного.

2. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями выпускников)

Формируемые	Планируемые результат	ы обучения по	Наименование от	ценочного		
компетенции	дисциплине (модулю), в	соответствии с	средства			
(код, содержание	индикатором достижени					
компетенции)	Индикатор достижения	Результаты обучения	Для текущего	Для		
	компетенции	по дисциплине	контроля	промежуточно		
	(код, содержание		успеваемости	й аттестации		
	индикатора)					
ПК-2.	ПК-2.1. Знает принципы	Знать	Собеседование.	Экзамен:		
Способность	конструирования	аппарат теории	Выполнение	Контрольные		
строить	отдельных аналоговых	функций комплексного	практических	вопросы		
физические и	блоков электронных	переменного,	заданий			
математические	приборов	необходимый для				
модели приборов,	ПК-2.2. Умеет строить	решения				
схем, устройств и	физические и	профессиональных				
установок	математические модели	задач в области физики				
электроники и	приборов, схем,	и смежных с ней				
наноэлектроники	устройств и установок	дисциплин.				
различного	электроники и	Уметь				
функционального	наноэлектроники	решать типовые задачи,				
назначения, а	различного	требующие				
также	функционального	использования аппарата				
использовать	назначения	теории функций				
стандартные	ПК-2.3. Владеет	комплексного				
программные	навыками	переменного.				
средства их	использования	Владеть				
компьютерного	стандартных	навыками применения				
моделирования,	программных средств их	аппарата теории				
проектирования и	компьютерного	функций комплексного				
конструирования	моделирования и	переменного в				
	проектирования	профессиональной				
		деятельности.				

3. Структура и содержание дисциплины «Теория функций комплексного переменного»

3.1 Трудоемкость дисциплины

Общая трудоемкость	4 3ET
Часов по учебному плану	144
в том числе	
аудиторные занятия (контактная работа):	
- занятия лекционного типа	32
- занятия лабораторного типа	32
самостоятельная работа	42 (работа в семестре)
	36 (на подготовку к экзамену)
Промежуточная аттестация	4семестр – экзамен

3.2 Содержание дисциплины

			актная рабо	м числе ота (работа : реполавател		8 1
		взаимодействии с преподавателем) в течение семестра, часы, из них				работа а, чась
Наименование и краткое содержание разделов и тем дисциплины	Всего (часы)	Занятия лекционного типа	Занятия семинарского типа	Занятия лабораторного типа	Всего	Самостоятельная работа в течение семестра, часы
1. Вариационное исчисление.	12	4	4	_	8	4
Определение функционала. Вариация						
функции, вариация функционала.						
Понятие экстремали. Условие						
экстремальности функционала,						
зависящего от функции одной						
переменной и ее производной.						
Условие экстремальности						
функционала, зависящего от производных порядка выше первого.						
Условия экстремальности						
функционала, зависящего от						
нескольких функций одной						
переменной и от их первых						
производных. Вариация концов						
функционала. Теорема Нетер. Первые						

V DV		1				
интегралы уравнений Эйлера –						
Лагранжа. Условный экстремум						
функционала. Изопериметрические						
задачи. Условие экстремальности						
функционала, зависящего от функции						
нескольких переменных и ее первых						
производных.						
2. Аналитические функции. Условия	8	2	2	_	4	4
Коши-Римана.						
Представление комплексного числа.						
Бесконечно удаленная точка. Действия						
с комплексными числами.						
Определение функции комплексного						
переменного. Предел и непрерывность						
функции. Однозначные и						
многозначные функции. Точка						
ветвления. Производная функции						
комплексного переменного. Условия						
Коши – Римана. Теорема о						
существовании обратной функции для						
аналитической функции.						
3. Конформные отображения.	12	4	4	_	8	4
Геометрический смысл модуля и	12		·			•
аргумента производной аналитической						
функции. Дробно-линейная функция.						
Круговое свойство дробно-линейной						
функции. Теорема об отображении						
точек, симметричных относительно						
окружности, при дробно-линейном						
преобразовании.						
4. Интеграл функции комплексного	12	4	4	_	8	4
переменного. Формула Коши.	12		•		O	•
Определение интеграла от функции						
комплексного переменного и его						
свойства. Теорема Коши для						
односвязной области. Теорема Коши						
для многосвязной области и ее						
следствия. Интеграл Коши. Формула						
Коши. Принцип максимума модуля						
аналитической функции. Теорема						
Лиувилля.						
5. Степенные ряды.	16	6	6	_	12	4
Ряды комплексных чисел и	10			_	12	7
функциональные ряды. Сходимость и						
абсолютная сходимость ряда. Признак						
Вейерштрасса равномерной						
сходимости функционального ряда.						
Степенные ряды. Теорема Абеля.						
Теорема Тейлора. Изолированные						
особые точки аналитических функций. Ряд Лорана.						
6. Аналитическое продолжение.	8	2	2		4	4
о. апалитическое продолжение.	Ŏ			_	4	4

Промежуточная аттестация – экзамен								
В т.ч. текущий контроль 2 -								
форму параллелепипеда.								
переменных для тела, имеющего								
Коши для них. Метод разделения								
диффузии и теплопроводности. Задача								
трехмерной среды. Уравнения								
плоской мембраны и сплошной								
задаче о струне. Уравнения колебаний								
Метод разделения переменных в								
Постановка задачи Коши для струны.								
Уравнение колебаний струны.								
частных производных.	0	<u> </u>		_	4	4		
9. Уравнения второго порядка в	8	2	2		4	4		
значениях модуля аргумента – формула Стирлинга.								
значениях модуля аргумента –								
Соотношении для 1 -функции. Асимптотика Г-функции при больших								
функции в полюсах. Вывод основных соотношений для Г-функции.								
аргумента, полюса, график. Вычеты Г-								
при целых и полуцелых значениях								
Определение Г-функции, ее значения								
8. Гамма-функция.	6	2	2	_	4	2		
вычетов аналитической функции.		2	2		4	2		
удаленной точке. Теорема о сумме								
аналитической функции в бесконечно								
интегралов. Лемма Жордана. Вычет								
действительных определенных								
теории вычетов к вычислению								
произвольного порядка. Применение								
порядка. Вычет функции в полюсе								
Вычет функции в полюсе первого								
Основная теорема теории вычетов.								
Определение вычета функции.								
7. Теория вычетов.	14	6	6	_	12	2		
аналитического продолжения.	1.4				10	2		
действительной оси. Принципы								
Аналитическое продолжение с								
единственности и ее следствия.								
Теорема о нулях. Теорема								

4. Образовательные технологии

- 1) Чтение лекций;
- 2) сопровождение лекций написанием и выводом формул, построением графиков, изображением рисунков на доске;
 - 3) методика «вопросы и ответы»;
 - 4) выполнение практического задания у доски;
 - 5) индивидуальная работа над практическим заданием;
 - 6) работа в парах над практическим заданием;

- 7) работа в малых группах над практическим заданием;
- 8) методика «мозговой штурм».

5. Учебно-методическое обеспечение, формы организации и контроля самостоятельной работы обучающихся

Самостоятельная работа обучающихся предполагает изучение конспектов лекций, выделенных разделов основной литературы, а также дополнительной литературы, выполнение практических заданий, отвечающих изучаемым разделам дисциплины, подготовку к промежуточной аттестации.

Перечень основной и дополнительной литературы для самостоятельного изучения приведен настоящей Рабочей программы дисциплины.

Контрольные вопросы для промежуточной аттестации, примеры практических заданий приведены настоящей Рабочей программы дисциплины.

6. Фонд оценочных средств для промежуточной аттестации по дисциплине

6.1 Перечень компетенций выпускников образовательной программы, в формировании которых учувствует дисциплина, с указанием результатов обучения (знаний, умений, владений) приведён выше (раздел 2). Ниже приведена таблица образовательных дескрипторов (отличительных признаков уровней освоения компетенций)

Индикато		ОЦЕНКА СФОРМИРОВАННОСТИ КОМПЕТЕНЦИИ							
ры компетенц ии	Плохо	Неудовлетв орительно	Удовлетворит ельно	Хорошо	Очень хорошо	Отлично	Превосходно		
Знания	Отсутствие знаний теоретическо го материала или невозможнос ть оценить полноту знаний вследствие отказа обучающегос я от ответа.	Уровень знаний ниже минимальн ых требований. Имели место грубые ошибки.	Минимально допустимый уровень знаний. Допущено много негрубых ошибок.	Уровень знаний в объеме, соответствую щем программе подготовки. Допущено несколько негрубых ошибок.	соответствую щем программе подготовки. Допущено несколько несущественных ошибок.	щем программе подготовки, допущены	Уровень знаний в объеме, полностью соответствующе м программе подготовки, либо, возможно, превышающем ее. Без ошибок.		
<u>Умения</u>	Отсутствие минимальных умений или невозможнос ть оценить наличие умений вследствие отказа	стандартны х задач и/или выполнении стандартны х практическ их заданий не	Продемонстр ированы основные умения. Решены типовые задачи с негрубыми ошибками и/или выполнены все	Продемонстр ированы все основные умения. Решены все основные задачи с негрубыми ошибками и/или выполнены все	ированы все основные умения. Решены все основные задачи с некоторыми недочетами и/или выполнены	рованы все основные умения, решены все основные задачи с	Продемонстриро ваны все основные умения. Решены все основные задачи и/или выполнены все практические задания, в полном объеме без недочетов.		

	٦ ـ	1	I	ı	I	I	ı
	обучающегос	рированы	практические	практические	практические	выполнены	
	я от ответа.	основные	задания, но	задания, в	задания, в	все	
		умения.	не в полном	полном	полном	практические	
		Имели	объеме.	объеме, но	объеме, но	задания в	
		место		некоторые с	некоторые с	полном	
		грубые		недочетами.	небольшими	объеме.	
		ошибки.		110,000	недочетами.		
		ошноки:			педо тетами.		
Навыки	Отсутствие	При	Имеется	Продемонстр	Продемонстр	Продемонстри	Продемонстриро
(владения)	владения	решении	минимальный	ированы	ированы	рованы	ван творческий
(владения)	материалом	стандартны	набор	базовые	базовые	навыки при	подход к
	1	х задач	навыков для	навыки при	навыки при	решении	решению
	или	и/или	решения	решении	_	*	нестандартных
	113111		стандартных	стандартных	стандартных		задач и/или
	HODOD CONTINO		-	_	-		
	невозможнос	стандартны	задач и/или	задач и/или	задач и/или		выполнению
	ть оценить	X	выполнения	выполнении	выполнении	_	нестандартных
	наличие	практическ	стандартных	практических	практических		практических
	навыков	их заданий	практических	заданий с	заданий без		заданий.
	вследствие	не	заданий с	некоторыми	ошибок и	заданий без	
	отказа	продемонст	некоторыми	недочетами.	недочетов.	ошибок и	
	обучающегос	рированы	недочетами.			недочетов.	
	я от ответа.	базовые					
		навыки.					
		Имели					
		место					
		грубые					
		ошибки.					
V	I <i>C</i>		C1	C1	C1	C1	C1
	Компетенция		Сформирован				Сформирован-
тика	совершенно	я не	ность	ность	ность		ность
сформиров	не	1 * * *	компетенции	компетенции	компетенции	· ·	компетенции
анности	сформирован	на.	соответствует		в целом		превышает
компетенц	a.	· ·	минимальны	соответствует			стандартные
	Отсутствуют	знаний,	M	требованиям,	требованиям.	требованиям.	требования.
ИИ	знания,	умений,	требованиям.	но есть	Имеющихся	Имеющихся	Имеющихся
	умения,	навыков	Имеющихся	недочеты.	знаний,	знаний,	знаний, умений,
	навыки,	явно	знаний,	Имеющихся	умений,	умений,	навыков в
	· ·	недостаточн		знаний,	навыков в		полной мере
		о для	навыков в	умений и			достаточно для
	практических			навыков в			применения
	(профессиона		достаточно	целом	для решения		применения творческого
	льных) задач.	_		1	_	-	-
	льных) задач.	ИХ	для решения	достаточно	стандартных		подхода к
		(профессио	практических			•	решению
		нальных)	(профессиона	1		` I I	сложных
		задач.	льных) задач,	\ <u> </u>	льных) задач.	льных) задач.	практических
			но требуется	льных) задач,			(профессиональн
			дополнительн	но требуется			ых) задач.
			ая практика	дополнительн			
			по	ая практика			
			большинству	по некоторым			
		1		профессионал			
		1	задач.	ьным			
			зада 1.	задачам.			
I	Ī	1		эадача м .			

6.2 Описание шкал оценивания

Промежуточной аттестацией для дисциплины «Теория функций комплексного переменного» является экзамен.

По итогам экзамена выставляется оценка по семибалльной шкале: оценки «Плохо» и «Неудовлетворительно» означают отсутствие аттестации, оценки «Удовлетворительно», «Хорошо», «Очень хорошо», «Отлично» и «Превосходно» выставляются при успешном прохождении аттестации.

6.3 Критерии и процедуры оценивания результатов обучения по дисциплине, характеризующих этапы формирования компетенций

Для оценивания результатов обучения в виде знаний используются следующие процедуры и технологии:

• индивидуальное собеседование (промежуточная аттестация).

Контрольные вопросы для индивидуального собеседования представлены настоящей Рабочей программы дисциплины.

Для оценивания результатов обучения в виде умений и навыков используются следующие процедуры и технологии:

• выполнение практических заданий (текущий контроль, промежуточная аттестация). Примеры практических заданий для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации представлены настоящей Рабочей программы дисциплины.

Критериями оценивания на экзамене являются полнота знаний, наличие умений и владений (навыков), перечисленных настоящей Рабочей программы дисциплины.

«Плохо» — обучающийся не продемонстрировал никаких знаний об основных теоретических разделах курса, не показал никаких умений и навыков выполнения практических заданий;

«**Неудовлетворительно**» — обучающийся не продемонстрировал представления об основных теоретических разделах курса, не показал минимально допустимый уровень умений и навыков выполнения практических заданий;

«Удовлетворительно» — обучающийся продемонстрировал изложение формулировок основных теоретических положений курса и успешно показал умения и навыки выполнения практических заданий базового уровня сложности;

«Хорошо» — обучающийся продемонстрировал связное изложение основных теоретических положений курса и успешно показал умения и навыки выполнения стандартных практических заданий;

«Очень хорошо» — обучающийся продемонстрировал связное изложение практически всех теоретических положений курса и успешно показал умения и навыки выполнения стандартных практических заданий;

«Отлично» — обучающийся продемонстрировал связное изложение всех теоретических положений курса и успешно показал умения и навыки выполнения практических заданий повышенного уровня сложности;

«Превосходно» — обучающийся продемонстрировал уровень знаний в объеме, превышающем стандартную программу подготовки, и продемонстрировал творческий подход к выполнению практических заданий повышенного уровня сложности.

6.4 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов обучения, характеризующих этапы формирования компетенций и (или)

- 6.4.1. При проведении экзамена обучающимся предлагаются следующие контрольные вопросы, охватывающие программу дисциплины «Теория функций комплексного переменного»:
 - 1. Первые интегралы уравнений Эйлера Лагранжа.
 - 2. Определение функции комплексного переменного. Предел и непрерывность функции.
 - 3. Производная функции комплексного переменного. Условия Коши Римана.
 - 4. Определение интеграла от функции комплексного переменного и его свойства.
 - 5. Интеграл Коши. Формула Коши.
 - 6. Степенные ряды. Теорема Абеля.
 - 7. Теорема Тейлора.
 - 8. Классификация изолированных особых точек по виду ряда Лорана.
 - 9. Принципы аналитического продолжения.
 - 10. Определение вычета функции. Основная теорема теории вычетов.
 - 11. Вычеты Г-функции в полюсах.

6.4.2. При проведении зачета обучающимся предлагаются следующие вопросы:

- 1. Определение функционала. Понятие экстремали.
- 2. Условие экстремальности функционала, зависящего от функций одной переменной и её производной.
- 3. Теорема Нетер.
- 4. Представление комплексного числа.
- 5. Условия Коши-Римана.
- 6. Геометрический смысл модуля и аргумента производной аналитической функции.
- 7. Формула Коши.
- 8. Ряд Лорана.
- 9. Определение Г-функции, её значения при целых и полуцелых значениях аргумента, график.
- 10. Уравнение колебаний струны.
- 11. Уравнения диффузии и теплопроводности.
- 6.4.3. Примеры практических заданий для практических занятий, самостоятельной работы обучающихся, проведения текущего контроля и промежуточной аттестации:
 - 1. Является ли аналитической функция $f(z) = \cos(2z^*)$?
 - 2. Разложить функцию $f(z) = z^2/(z+1)$ в ряд Лорана в окрестности точки $z_0 = \infty$, указать область сходимости.
 - 3. Вычислить интеграл $\int_{0}^{\infty} \frac{\cos(x)}{x^2 1} dx$.

6.5. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания.

1. Положение «О проведении текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся в ННГУ», утвержденное приказом ректора ННГУ от 13.02.2014 №55-ОД.

2. Положение о фонде оценочных средств, утвержденное приказом ректора ННГУ от 10.06.2015 №247-ОД.

7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

а) основная литература:

- 1. Эльсгольц Л.Э. Дифференциальные уравнения и вариационное исчисление. М: Наука, 1969. 424 с. Фонд Фундаментальной библиотеки ННГУ, 20 экз. http://www.lib.unn.ru/php/details.php?DocId=95113
- 2. Смирнов В.И. Курс высшей математики. М: Наука, 1969. Том 3, часть 2. 672 с. Фонд Фундаментальной библиотеки ННГУ, 14 экз. http://www.lib.unn.ru/php/details.php?DocId=95122

б) дополнительная литература:

- 1. Свешников А.Г., Тихонов А.Н. Теория функций комплексной переменной. М: Наука, 1967. 304 с. Фонд Фундаментальной библиотеки ННГУ, 14 экз. http://www.lib.unn.ru/php/details.php?DocId=43796
- 2. Лаврентьев М.А., Шабат Б.В. Методы теории функций комплексного переменного. М: Наука, 1987. 688 с. Фонд Фундаментальной библиотеки ННГУ, 10 экз. http://www.lib.unn.ru/php/details.php?DocId=342143

в) программное обеспечение и Интернет-ресурсы:

Интернет-ресурсы Фундаментальной библиотеки ННГУ http://www.lib.unn.ru/.

8. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Материально-техническое обеспечение дисциплины обусловлено наличием учебных аудиторий для проведения занятий, оборудованных специализированной мебелью, меловыми или магнитно-маркерными досками для представления учебной информации большой аудитории. Ресурс мела и маркеров для доски в учебных аудиториях регулярно возобновляется.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся (на базе Фундаментальной библиотеки ННГУ) оснащены компьютерной техникой с подключением к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду ННГУ.

Программа составлена в соответствии с требованиями установленного ННГУ образовательного стандарта высшего образования по направлению подготовки 11.03.04 Электроника и наноэлектроника

Автор, доцент кафедры теоретической физики к.ф.-м.н., доцент Д.В. Хомицкий

Рецензент:

заведующий кафедрой физики полупроводников, электроники и наноэлектроники д.ф.-м.н., профессор Д.А. Павлов

Заведующий кафедрой теоретической физики д.ф.-м.н., доцент В.А. Бурдов

Программа одобрена на заседании методической комиссии физического факультета ННГУ, протокол б/н от «20» мая 2023 г.

Председатель Учебно-методической комиссии физического факультета ННГУ А.А. Перов