МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского»

Радиофизический факультет	
(факультет / институт / филиал)	
УТ	ГВЕРЖДАЮ:
Декан М	Т атросов В.В.
«»	2017 г.
Рабочая программа дисциплины	
Теория функций комплексного переменного	
(наименование дисциплины (модуля))	
Уровень высшего образования	
бакалавриат	
(бакалавриат / магистратура / специалитет)	
Направление подготовки / специальность	
02.03.02 «Фундаментальная информатика и информационные техн	ологии»
(указывается код и наименование направления подготовки / специальности)	
Направленность образовательной программы	
Информационные системы и технологии	
(указывается профиль / магистерская программа / специализация)	
Квалификация (степень)	
бакалавр	
(бакалавр / магистр / специалист)	
Форма обучения	
очная	
(очная / очно-заочная / заочная)	

Нижний Новгород

2017 год

1. Место и цели дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина «Теория функций комплексного переменного» относится к базовым дисциплинам Блока Б1 «Дисциплины (модули)» ОПОП по направлению 02.03.02 «Фундаментальная информатика и информационные технологии» с направленностью программы «Информационные системы и технологии». Дисциплина обязательна для освоения в 3 семестре.

Студенты к моменту освоения дисциплины «Теория функций комплексного переменного», согласно ФГОС ВО, ознакомлены с основными теоретическими понятиями и прикладными знаниями, полученными в рамках изучения дисциплин «Математический анализ», «Алгебра и геометрия».

К моменту изучения дисциплины у студентов присутствуют устойчивые представления, касающиеся математического анализа, студенты владеют основами аналитической геометрии и линейной алгебры.

Целями освоения дисциплины являются:

- знать элементы теории аналитических функций, конформных отображений и вычетов;
- уметь применять методы теории функций комплексного переменного к решению прикладных задач;
- освоить технику расчета несобственных и контурных интегралов с помощью вычетов;
 - иметь представление о комплексных числах и функциях комплексного переменного.

2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю), соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями выпускников)

Формируемые компетенции (Код компетенции, этап формирования)	Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций
ОПК-1: способность использовать базовые знания естественных наук, математики и информатики, основные факты, концепции, принципы теорий, связанных с прикладной математикой и информатикой. Этап формирования — базовый.	31 (ОПК-1): Знать базовые понятия естественных наук, математики и информатики, основные факты, концепции, принципы теорий, связанных с прикладной математикой и информатикой. У1 (ОПК-1): Уметь использовать базовые знания естественных наук, математики и информатики, основные факты, концепции, принципы теорий, связанных с прикладной математикой и информатикой. В1 (ОПК-1): Владеть опытом использования базовых знаний естественных наук, математики и информатики, основных фактов, концепций, принципов теорий, связанных с прикладной математикой и информатикой.

Окончательное завершение формирования компетенций, предусмотренных в рамках данной дисциплины, происходит после сдачи экзамена по этой дисциплине.

3. Структура и содержание дисциплины

Объем дисциплины составляет 4 зачетные единицы, всего 144 часа, из которых 66 часов составляет контактная работа обучающегося с преподавателем (32 часа занятия лекционного типа, 32 часа занятия семинарского типа, 2 часа текущего контроля успеваемости), 33 часа составляет самостоятельная работа обучающегося, 45 часов –экзамен.

Содержание дисциплины

Наименование и краткое содержание разделов и тем дисциплины (модуля), форма промежуточной аттестации по дисциплине Тема 1 Функции комплексного переменного, предел и производная Тема 2 Элементы теории конформных отображений Тема 3 Унтегрирование функции комплексного первание как предоставления как предоставлен	содержание дисц		1111								R TO	M UI	испе							
Наименование и краткое содержание разделов и тем дисциплины (модуля), форма промежуточной аттестации по дисциплине Тема 1 Функции комплексного переменного, предел и производияя Тема 2 Элементы теории конформных отображений Тема 2 Улементы теории конформных отображений Тема 3 Интегрирование функции комплексиого переменного п					Кo	В том числе Контактная работа (работа во взаимолействии 😃														
точной аттестации по дисциплине Тема 1 Функции комплексного переменного, предел и производная Тема 2 Элементы теории конформикомплексного переменного Тема 4 Ряды аналитических функций Тема 5 Теория вычетов и ее приложения В т.ч.текущий контроль					110	* *									ра ся,					
точной аттестации по дисциплине Тема 1 Функции комплексного переменного, предел и производная Тема 2 Элементы теории конформикомплексного переменного Тема 4 Ряды аналитических функций Тема 5 Теория вычетов и ее приложения В т.ч.текущий контроль	Наименование и	Наименование и														ая				
точной аттестации по дисциплине Тема 1 Функции комплексного переменного, предел и производная Тема 2 Элементы теории конформикомплексного переменного Тема 4 Ряды аналитических функций Тема 5 Теория вычетов и ее приложения В т.ч.текущий контроль	краткое содер-	0 (час		на			2			LO)ro					PH	Ĭ.	
точной аттестации по дисциплине Тема 1 Функции комплексного переменного, предел и производная Тема 2 Элементы теории конформикомплексного переменного Тема 4 Ряды аналитических функций Тема 5 Теория вычетов и ее приложения В т.ч.текущий контроль	жание разделов				DE	[OH	_	DE	3 X	_	DE	Hd	_				[e]	ан		
точной аттестации по дисциплине Тема 1 Функции комплексного переменного, предел и производная Тема 2 Элементы теории конформикомплексного переменного Тема 4 Ряды аналитических функций Тема 5 Теория вычетов и ее приложения В т.ч.текущий контроль	и тем дисципли-	Зeг				Н0	Ē	LLB	apc	R E		[<u>[</u>	R E		ег		[K0	Уч 42		
точной аттестации по дисциплине Тема 1 Функции комплексного переменного, предел и производная Тема 2 Элементы теории конформикомплексного переменного Тема 4 Ряды аналитических функций Тема 5 Теория вычетов и ее приложения В т.ч.текущий контроль	ны (модуля),	ĕ			пв		Į.	нв	H H		пь	pa			Bc		CT	90		
точной аттестации по дисциплине Тема 1 Функции комплексного переменного, предел и производная Тема 2 Элементы теории конформикомплексного переменного Тема 4 Ряды аналитических функций Тема 5 Теория вычетов и ее приложения В т.ч.текущий контроль					~	ek.		2	, K		2	်ပ္တို					MO	Ta		
ции по дисциплине оньоветонно оньоветонно <td>форма промежу-</td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td colspan="6">се се па</td> <td></td> <td></td> <td></td> <td colspan="2">C₂</td>	форма промежу-					се се па									C ₂					
Тема 1 Функции комплексного переменного, предел и производная 17	точной аттеста-																			
Тема 1 Функции комплексного переменного, предел и производная 17	ции по дисцип-																			
Тема 1 Функции комплексного переменного, предел и производная 27 7 8 12 Тема 2 Элементы теории конформных отображений 7 3 0 4 Тема 3 Интегрирование функции комплексного переменного 17 7 4 6 Тема 4 Ряды аналитических функций 36 10 10 16 16 Тема 5 Теория вычетов и ее приложения 30 5 10 15 15 В т.ч.текущий контроль 2 2 0 0			ioe			10e			10e			10e			10e			10e		
Тема 1 Функции комплексного переменного, предел и производная 27 7 8 12 Тема 2 Элементы теории конформных отображений 7 3 0 4 Тема 3 Интегрирование функции комплексного переменного 17 7 4 6 Тема 4 Ряды аналитических функций 36 10 10 16 16 Тема 5 Теория вычетов и ее приложения 30 5 10 15 15 В т.ч.текущий контроль 2 2 0 0			10 VIE			HO4E			ноп			ючн	•		HO ATE			ючн	•	
Тема 1 Функции комплексного переменного, предел и производная 27 7 8 12 Тема 2 Элементы теории конформных отображений 7 3 0 4 Тема 3 Интегрирование функции комплексного переменного 17 7 4 6 Тема 4 Ряды аналитических функций 36 10 10 16 16 Тема 5 Теория вычетов и ее приложения 30 5 10 15 15 В т.ч.текущий контроль 2 2 0 0		0e	0-38	ЭОНІ	0e	26-0	ЭОНІ	90°	26-0	ное	0e	0-35	ЭОНІ	90°	0-38	ное	0e	0-35	ное	
Тема 1 Функции комплексного переменного, предел и производная 27 7 8 12 Тема 2 Элементы теории конформных отображений 7 3 0 4 Тема 3 Интегрирование функции комплексного переменного 17 7 4 6 Тема 4 Ряды аналитических функций 36 10 10 16 16 Тема 5 Теория вычетов и ее приложения 30 5 10 15 15 В т.ч.текущий контроль 2 2 0 0		Очн	Очн	3a01	— О4тн	Очн	3a01	Очн	Очн	3a01	Очн	Очн	3a01	Очн	Очн	3a01	Очн	Очн	3a01	
ременного, предел и производная Тема 2 Элементы теории конформных отображений Тема 3 Интегрирование функции комплексного переменного Тема 4 Ряды аналитических функций Тема 5 Теория вычетов и ее приложения В т.ч.текущий контроль	Тема 1 Функции																			
ременного, предел и производная Тема 2 Элементы теории конформных отображений Тема 3 Интегрирование функции комплексного переменного Тема 4 Ряды аналитических функций Тема 5 Теория вычетов и ее приложения В т.ч.текущий контроль		27			7			Q									12			
Тема 2 Элементы теории конформных отображений 7 3 0 4 4 Тема 3 Интегрирование функции комплексного переменного 17 7 4 6 6 Тема 4 Ряды аналитических функций 36 10 10 16 16 Тема 5 Теория вычетов и ее приложения 30 5 10 15 15 В т.ч.текущий контроль 2 2 0 0		41			′			0									12			
теории конформ- ных отображений Тема 3 Интегриро- вание функции комплексного пе- ременного Тема 4 Ряды анали- тических функций Тема 5 Теория вы- четов и ее прило- жения В т.ч.текущий кон- троль Теории конформ- ных отображений Тема 3 Интегриро- вание функции То дена 4 Ряды анали- тических функций Тема 5 Теория вы- четов и ее прило- жения Тема 5 Теория вы- четов и ее прило-																				
ных отображений 17 4 6 Тема 3 Интегрирование функции комплексного переменного 17 4 6 Тема 4 Ряды аналитических функций 36 10 10 16 Тема 5 Теория вычетов и ее приложения 5 10 15 В т.ч.текущий контроль 2 2 0		7			,			0									4			
Тема 3 Интегрирование функции комплексного переменного 17 4 6 Тема 4 Ряды аналитических функций 36 10 10 16 Тема 5 Теория вычетов и ее приложения 30 5 10 15 В т.ч.текущий контроль 2 2 0		,			3			U									4			
вание функции комплексного переменного 17 4 6 Тема 4 Ряды аналитических функций 36 10 10 16 Тема 5 Теория вычетов и ее приложения 5 10 15 В т.ч.текущий контроль 2 2 0																				
комплексного переменного Тема 4 Ряды аналитических функций Тема 5 Теория вычетов и ее приложения В т.ч.текущий контроль	вание функции				_												_			
Тема 4 Ряды аналитических функций 36 10 10 16 Тема 5 Теория вычетов и ее приложения 5 10 15 В т.ч.текущий контроль 2 2 0	комплексного пе-	17			7			4									6			
тических функций 36 10 10 10 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16	ременного																			
Тема 5 Теория вычетов и ее прило-жения В т.ч.текущий контроль		36			10			10									16			
четов и ее прило- жения 30 5 10 15 В т.ч.текущий кон- троль 2 2 0		30			10			10									10			
жения В т.ч.текущий кон- троль		20			_			4.0												
В т.ч.текущий контроль	•	30			5			10									15			
троль																				
		2						2									0			
		1120 27	тесто	ша	'Arne	MOIT														

Текущий контроль успеваемости проходит в рамках занятий семинарского и практического типа. Итоговый контроль осуществляется на экзамене.

4. Образовательные технологии

В соответствии с рабочей программой и тематическим планом изучение дисциплины проходит в виде аудиторной и самостоятельной работы студентов. Учебный процесс в аудитории осуществляется в форме практических занятий.

Образовательные технологии, способствующие формированию компетенций используемые на занятиях лекционного типа:

- лекции с проблемным изложением учебного материала;
- лекции с детальным объяснением нового материала и его связи с уже пройденным материалом;

используемые на занятиях практического типа:

- регламентированная самостоятельная деятельность студентов;
- частично-поисковая деятельность при решении задач повышенной сложности,
- текущий контроль знаний студентов с помощью контрольной работы.

На лекциях раскрываются следующие основные темы изучаемого курса, которые входят в рабочую программу: понятие функции комплексного переменного, непрерывность, дифференцирование функции комплексного переменного, условия Коши-Римана в декартовых и полярных координатах, свойства аналитических функций, геометрический смысл модуля и аргумента производной функции комплексного переменного, определение и общие свойства конформного отображения, отображения, осуществляемые некоторыми элементарными функциями, основные принципы конформного отображения, основная задача теории конформных отображений, теорема Римана, круговое свойство отображения, осуществляемого дробно-линейной функцией, определение и основные свойства интеграла от функции комплексного переменного, теорема Коши для односвязной и многосвязной областей, первообразная аналитической функции, неопределенный интеграл, формула Коши, интеграл Коши, аналитическая зависимость интеграла от параметра, существование производных всех порядков у аналитической функции, теоремы Морера и Лиувилля, основная теорема высшей алгебры, равномерная сходимость рядов функций комплексного переменного, свойства равномерно сходящихся рядов, теоремы Вейерштрасса, степенные ряды, ряд Тейлора, единственность определения аналитической функции, аналитическое продолжение, понятие полной аналитической функции, ряд Лорана, классификация изолированных особых точек однозначных функций, определение вычета функции относительно конечной изолированной особой точки и бесконечно удаленной точки, формулы вычисления вычетов в простом полюсе и в полюсе порядка m, основная теорема о вычетах, теорема о сумме вычетов в расширенной комплексной плоскости, вычисление тригонометрических интегралов с помощью вычетов, вычисление главных значений по Коши несобственных интегралов с помощью вычетов, лемма Жордана, вычисление главных значений несобственных интегралов, содержащих тригонометрические функции, с помощью вычетов, логарифмический вычет, теорема о подсчета числа нулей функции комплексного переменного

На практических занятиях более подробно изучается программный материал в плоскости отработки практических умений и навыков и усвоения следующих тем:

- 1. Формы представления комплексного числа. Простейшие действия над комплексными числами.
- 2. Элементарные функции комплексного переменного.
- 3. Логарифмическая и обратные тригонометрические функции комплексного переменного. Решение уравнений.
- 4. Дифференцирование функций комплексного переменного. Условия Коши-Римана. Геометрический смысл модуля и аргумента производной.
- 5. Интегральная теорема Коши. Первообразная аналитической функции. Интегральная формула Коши.

- 6. Контрольная работа по теме «Дифференцирование и интегрирование функций комплексного переменного».
- 7. Степенные ряды.
- 8. Ряд Тейлора.
- 9. Ряд Лорана, отыскание его области сходимости.
- 10. Основные приемы разложения функций в ряд Лорана.
- 11. Классификация особых точек однозначных функций.
- 12. Вычисление вычетов.
- 13. Вычисление контурных интегралов с помощью вычетов.
- 14. Вычисление тригонометрических интегралов с помощью вычетов.
- 15. Вычисление несобственных интегралов с помощью вычетов.
- 16. Вычисление главных значений несобственных интегралов с помощью вычетов и леммы Жордана.

Формой **итогового контроля** знаний студентов по дисциплине является **экзамен**, в ходе которого оценивается уровень теоретических знаний и навыки решения практических задач.

5. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся

Самостоятельная работа студентов направлена на выполнение домашних заданий по темам практических занятий, подготовку к контрольной работе по теме «Дифференцирование и интегрирование функций комплексного переменного», а также подготовку к экзамену по указанной дисциплине. При подготовке к практическому занятию необходимо помнить, что данная дисциплина тесно связана с ранее изучаемыми дисциплинами «Математический анализ», «Алгебра и геометрия».

Цель самостоямельной работы - подготовка современного компетентного специалиста и формирование способностей и навыков к непрерывному самообразованию и профессиональному совершенствованию.

На семинарских занятиях студент должен уметь последовательно излагать свои мысли и аргументировано их отстаивать.

Для достижения этой цели необходимо:

- 1) ознакомиться с соответствующей темой программы изучаемой дисциплины;
- 2) осмыслить круг изучаемых вопросов и логику их рассмотрения;
- 3) изучить рекомендованную учебно-методическим комплексом литературу по данной теме;
 - 4) тщательно изучить лекционный материал.

- **6.** Фонд оценочных средств для промежуточной аттестации по дисциплине, включающий:
 - 6.1. <u>ОПК-1</u>: способность использовать базовые знания естественных наук, математики и Перечень компетенций выпускников образовательной программы с указанием результатов обучения (знаний, умений, владений), характеризующих этапы их формирования, описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования

информатики, основные факты, концепции, принципы теорий, связанных с прикладной математикой и информатикой (базовый уровень).

	Критерии оценивания (дескрипторы)								
Индикаторы	«плохо» «неудовлетво- «удовле- «хорошо» «очень хо- «отлично» «превос								
компетенции		рительно»	творитель-	1	рошо»		но»		
		piir aibiio//	но»		рошол		110//		
Знания	Отсутствие	Уровень зна-	Минималь-	Уровень зна-	Уровень	Уровень	Уровень		
Знаты базовые	знаний тео-	ний теорети-	но допус-	ний в объеме,	знаний в	знаний в	знаний в		
понятия естест-	ретического	ческого мате-	тимый уро-	соответст-	объеме, со-	объеме, со-	объеме,		
венных наук,	материала	риала ниже	вень зна-	вующем про-	ответст-	ответст-	превы-		
математики и	Невозмож-	минимальных	ний. До-	грамме под-	вующем	вующем	шающем		
информатики,	ность оце-	требований.	пущено	готовки. До-	программе	программе	программу		
основные фак-	нить полно-	Имели место	много не-	пущено не-	подготовки.	подготовки,	подготовки		
ты, концепции,	ту знаний	грубые ошиб-	грубых	сколько не-	Допущено	без ошибок			
принципы тео-	вследствие	ки	ошибок.	грубых оши-	несколько				
рий, связанных	отказа обу-			бок .	несущест-				
с прикладной	чающегося				венных				
математикой и	от ответа				ошибок				
информатикой.									
<u>Умения</u>	Отсутствие	При решении	Продемон-	Продемонст-	Продемон-	Продемон-	Продемон-		
Уметь исполь-	минималь-	стандартных		рированы все	стрированы	стрированы	стрированы		
зовать базовые	ных умений	задач не про-	основные	основные	все основ-	все основ-	все основ-		
знания естест-	Невозмож-	демонстриро-	умения.	умения. Ре-	ные умения.	ные умения,	ные уме-		
венных наук,	ность оце-	ваны основ-	Решены	шены все ос-	Решены все	решены все	ния. Реше-		
математики и	нить нали-	ные умения.	типовые	новные зада-	основные	основные	ны все ос-		
информатики, основные фак-	чие умений вследствие	Имели место грубые ошиб-	задачи с негрубыми	чи с негру- быми ошиб-	задачи . Выполнены	задачи с отдельными	новные за-		
ты, концепции,	отказа обу-	ки	ошибками.	ками. Выпол-		несущест-	полнены		
принципы тео-	чающегося	KH	Выполнены	нены все за-	в полном	венными	все задания,		
рий, связанных	от ответа		все задания	дания, в пол-	объеме, но	недочетами,	в полном		
с прикладной	01 012014		но не в	ном объеме,		выполнены	объеме без		
математикой и			полном	но некоторые	недочетами.	все задания	недочетов.		
информатикой.			объеме	с недочетами		в полном			
1 1						объеме			
Навыки	Отсутствие	При решении	Имеется	Продемонст-	Продемон-	Продемон-	Продемон-		
Владеть опы-	опыта вла-	стандартных	минималь-	рированы	стрированы	стрированы	стрирован		
том использо-	дения мате-	задач не про-	ный набор	базовые на-	базовые	навыки при	творческий		
вания базовых	риалом.	демонстриро-	навыков	выки при ре-	навыки при	решении	подход к		
знаний естест-	Невозмож-	ваны базовые	для реше-	шении стан-	решении	нестандарт-	решению		
венных наук,	ность оце-	навыки.	ния стан-	дартных за-	стандарт-	ных задач	нестан-		
математики и	нить нали-	Имели место	дартных	дач с некото-	ных задач	без ошибок	дартных		
информатики,	чие навыков	1 3	задач с не-	рыми недоче-	без ошибок	и недочетов	задач		
основных фак-	вследствие	ки.	которыми	тами	и недочетов	•			
	отказа обу- чающегося		недочетами		•				
1	от ответа								
с прикладной	OI OIBCIA								
математикой и									
информатикой.									
Шкала оценок									
по проценту									
правильно вы-	0 20 0/	20 50 0	50 700	70.00.0/	90 00 0/	00 00 0/	1000/		
полненных	0 - 20 %	20 – 50 %	50 – 70 %	70-80 %	80 – 90 %	90 – 99 %	100%		
контрольных									
заданий									

6.2. Описание шкал оценивания результатов обучения по дисциплине

Итоговый контроль качества усвоения студентами содержания дисциплины проводится в виде экзамена, на котором определяется:

- уровень усвоения студентами основного учебного материала по дисциплине;
- уровень понимания студентами изученного материала;
- способности студентов использовать полученные знания для решения конкретных задач.

Экзамен проводится в устной форме и заключается в ответе студента, после предварительной подготовки, на теоретические вопросы по курсу и представлении решения практических задач с последующим их обоснованием.

Превосходно	Превосходная подготовка с очень незначительными по-					
_	грешностями					
Отлично	Подготовка с некоторыми ошибками, уровень которой су-					
	щественно выше среднего					
0	В целом хорошая подготовка с рядом заметных ошибок,					
Очень хорошо	принципиально не искажающих суть излагаемой на экза-					
	мене задачи (проблемы)					
V	Хорошая подготовка с заметными ошибками, частично ис-					
Хорошо	кажающими суть излагаемой на экзамене задачи (пробле-					
	мы)					
Удовлетворительно	Подготовка, удовлетворяющая минимальным требованиям					
Не удовлетворительно	Необходима дополнительная подготовка для успешного					
	прохождения испытания					
Плохо	Подготовка, совершенно недостаточная для понимания					
	сути задачи (проблемы)					

6.3. Критерии и процедуры оценивания результатов обучения по дисциплине, характеризующих сформированность компетенций

Для оценивания результатов обучения в виде <u>знаний</u> используются следующие процедуры и технологии:

- устные и письменные опросы.

Для оценивания результатов обучения в виде <u>умений</u> и <u>владений</u> используются следующие процедуры и технологии:

- практические контрольные задания, включающих одну или несколько задач (вопросов).

Для проведения итогового контроля сформированности компетенции используются:

- письменные и устные ответы на теоретические вопросы,
- решение практических задач.

6.4.Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов обучения, характеризующих сформированность компетенций и (или) для итогового контроля сформированности компетенции.

Список вопросов по теории к экзамену (для оценки сформированности знаний компетенции ОПК-1)

- 1. Предел последовательности комплексных чисел. Необходимое и достаточное условие сходимости.
- 2. Теорема об ограниченной последовательности. Критерий Коши.
- 3. Введение бесконечно удаленной точки (комплексного числа $z=\infty$). Сфера Римана.

- 4. Определение функции комплексного переменного, ее геометрический смысл. Многозначность и однолистность отображения.
- 5. Определение предела функции комплексного переменного по Коши и по Гейне. Непрерывность и ее геометрический смысл.
- 6. Примеры отображений, осуществляемых простейшими непрерывными функциями (линейная, квадратичная, отображение инверсии).
- 7. Определение производной функции комплексного переменного. Необходимое условие дифференцируемости функции комплексного переменного (условия Коши-Римана). Формула нахождения производной.
- 8. Достаточные условия дифференцируемости функции комплексного переменного. Понятие аналитической функции.
- 9. Условия Коши-Римана в полярных координатах. Формула вычисления производной. Пример: степенная функция.
- 10. Условия Коши-Римана для модуля и аргумента функции. Формула вычисления производной. Пример: показательная функция.
- 11. Простейшие свойства аналитических функций.
- 12. Свойства действительной и мнимой частей аналитической функции.
- 13. Геометрический смысл модуля и аргумента производной функции комплексного переменного. Свойства сохранения углов и постоянства растяжения.
- 14. Определение конформного отображения. Основная задача теории конформных отображений. Функции, осуществляющие конформные отображения.
- 15. Конформные отображения, осуществляемые линейной и степенной функциями. Поверхность Римана.
- 16. Конформное отображение, осуществляемое показательной функцией. Пример: отображение бесконечной вертикальной полосы на верхнюю полуплоскость.
- 17. Основные принципы конформного отображения.
- 18. Теорема Римана. Невозможность конформного отображения многосвязной области на односвязную. Условия единственности отображения.
- 19. Основные свойства конформного отображения, осуществляемого дробно-линейной функцией.
- 20. Отображение верхней полуплоскости на единичный круг с помощью дробнолинейной функции.
- 21. Определение интеграла от функции комплексного переменного, его вычисление.
- 22. Свойства интеграла от функции комплексного переменного.
- 23. Теорема Коши для односвязной области.
- 24. Обобщение теоремы Коши на случай многосвязной области.
- 25. Теорема о первообразной аналитической функции в односвязной области.
- 26. Введение неопределенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница.
- 27. Вывод формулы Коши. Следствия: формула среднего значения.
- 28. Принцип максимума модуля аналитической функции.
- 29. Аналитическая зависимость интеграла от параметра.
- 30. Существование производных всех порядков у аналитической функции.
- 31. Теоремы Морера и Лиувилля. Основная теорема алгебры.
- 32. Равномерная сходимость рядов функций комплексного переменного. Достаточный признак Вейерштрасса. Критерий Коши.
- 33. Первая теорема Вейерштрасса для рядов аналитических функций.
- 34. Свойства равномерно сходящихся рядов. Вторая теорема Вейерштрасса для рядов аналитических функций.
- 35. Теорема Абеля об области абсолютной и равномерной сходимости степенного ряда.
- 36. Следствия теоремы Абеля. Круг и радиус сходимости степенного ряда.
- 37. Формула Коши-Адамара для радиуса сходимости степенного ряда.
- 38. Теорема Тейлора.

- 39. Нули аналитической функции. Целая функция. Единственность определения аналитической функции.
- 40. Определение аналитического продолжения. Аналитическое продолжение в комплексную плоскость элементарных функций действительного переменного и соотношений между ними.
- 41. Аналитическое продолжение с помощью степенных рядов. Понятие полной аналитической функции.
- 42. Определение ряда Лорана. Область его сходимости. Теорема о разложении аналитической функции в ряд Лорана.
- 43. Правильные и особые точки. Классификация изолированных особых точек. Ограниченность функции в окрестности устранимой особой точки.
- 44. Поведение функции в окрестности полюса.
- 45. Теорема Сохоцкого-Вейерштрасса.
- 46. Разложение в ряд Лорана в окрестности бесконечно удаленной точки, классификация изолированной особой точки $z=\infty$.
- 47. Определение вычета. Вычисление вычетов.
- 48. Основная теорема теории вычетов. Теорема о сумме вычетов в расширенной комплексной плоскости.
- 49. Вычисление интегралов, содержащих тригонометрические функции, с помощью вычетов.
- 50. Вычисление главных значений несобственных интегралов вида $\int\limits_{-\infty}^{\infty} f(x)dx$ с помощью
- 51. Лемма Жордана. Вычисление главных значений несобственных интегралов вида $\int\limits_{-\infty}^{\infty} \Phi(x) e^{imx} dx$ с помощью вычетов.
- 52. Логарифмический вычет. Вычисление вычетов логарифмической производной функции.
- 53. Теорема о числе нулей и полюсов, ее геометрический смысл.

Примеры практических заданий для экзамена (для оценки сформированности умений и навыков компетенции ОПК-1)

- 1. Определить радиус сходимости степенного ряда $\sum_{n=0}^{\infty} z^{n!}$.
- 2. Разложить в ряд Лорана функцию $\frac{z^2-2z+5}{(z-2)(z^2+1)}$ в окрестности точки z=2 .
- 3. Вычислить тригонометрический интеграл $\int\limits_0^\pi \frac{dx}{a^2+\sin^2 x} \quad (a\in C).$
- 4. Вычислить несобственный интеграл $\int_{0}^{\infty} \frac{\sin x}{x(1+x^2)^2} dx.$
- 5. Определить радиус сходимости степенного ряда $\sum_{n=0}^{\infty} z^{2^n}$.

- 6. Разложить в ряд Лорана функцию $z^2 e^{1/z}$ в окрестности точки $z = \infty$.
- 7. Вычислить контурный интеграл $\int_{|z-i|=2}^{1} \frac{1}{z} \cos \frac{1}{z-2i} dz.$ 8. Вычислить несобственный интеграл $\int_{0}^{\infty} \frac{x^2 dx}{x^4 + 10x^2 + 9}.$

6.5. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания.

Положение «О проведении текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся в ННГУ», утверждённое приказом ректора ННГУ от 13.02.2014 г. № 55-ОД,

Положение о фонде оценочных средств, утвержденное приказом ректора ННГУ от 10.06.2015 г. № 247-ОД.

7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)

а) основная литература:

- 1. Свешников А.Г., Тихонов А.Н. Теория функций комплексной переменной. М.: Физматлит, 2010. – 612 с. (43 экз. Ссылка в электронном каталоге ФБ ННГУ: http://www.lib.unn.ru/php/showsel.php?DB=1).
- 2. Лаврентьев М.А., Шабат Б.В. Методы теории функций комплексного переменного. М.: Наука, 1987. – 528 с. (88 экз. Ссылка в электронном каталоге ФБ ННГУ: http://www.lib.unn.ru/php/searchext.php?Type=2&Action=1).
- 3. Волковыский Л.И., Лунц Г.Л., Араманович И.Г. Сборник задач по теории функций комплексного переменного. – М.: Физматлит, 2006. – 247 с. (202 экз. Ссылка в электронном каталоге ФБ ННГУ: http://www.lib.unn.ru/php/searchext.php?Type=2&Action=1).

б) дополнительная литература:

- 4. Маркушевич А.И. Краткий курс теории аналитических функций. М.: Наука, 1978. 416 с. (59 экз. Ссылка в электронном каталоге ФБ ННГУ: http://www.lib.unn.ru/php/searchext.php?Type=2&Action=1).
- 5. Сидоров Ю.В., Федорюк М.В., Шабунин М.И. Лекции по теории функций комплексного переменного. – М.: Наука, 1976. – 407 с. (29 экз. Ссылка в электронном каталоге ФБ ННГУ: http://www.lib.unn.ru/php/searchext.php?Type=2&Action=1).
- 6. Евграфов М.А. Аналитические функции. М.: Наука, 1991. 447 с. (31 экз. Ссылка в электронном каталоге ФБ ННГУ: http://www.lib.unn.ru/php/searchext.php?Type=2&Action=1).
- 7. Бицадзе А.В. Основы теории аналитических функций комплексного переменного. М.: Наука, 1984. – 320 с. (12 экз. Ссылка в электронном каталоге ФБ ННГУ: http://www.lib.unn.ru/php/searchext.php?Type=2&Action=1).
- в) программное обеспечение и Интернет-ресурсы.

http://www.unn.ru/books/met_files/raf-2016.pdf

8. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Для обучения студентов названной дисциплине имеются в наличии: специальные кабинеты, оборудованные мультимедийными средствами обучения; компьютерные классы, где имеется возможность выхода в Интернет; присутствует полный комплект лицензионного обеспечения, необходимый для работы компьютерных программ.

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО с учетом рекомендаций ОПОП ВО по направлению 02.03.02 «Фундаментальная информатика и информационные технологии» с направленностью программы «Информационные системы и технологии».

Автор	Дубков А.А.		
Рецензент		Якимов А.В.	
Заведующий кафедрой			_ Дубков А.А.

Программа одобрена на заседании методической комиссии Радиофизического факультета. Протокол № 04/17 от «30» августа 2017 года.